Link Budget & Equazione Radar

Pierfrancesco Lombardo

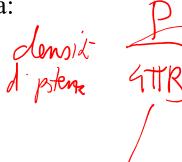
Attenuazione e sfasamento a distanza R

 \Rightarrow Un campo E.M. a frequenza $f = c/\lambda$ generato in prossimità dell'antenna, ad

una distanza R da essa si trova:

Attenuato di
$$4\pi R^2$$

Sfasato di $-\frac{2\pi}{\lambda}R$





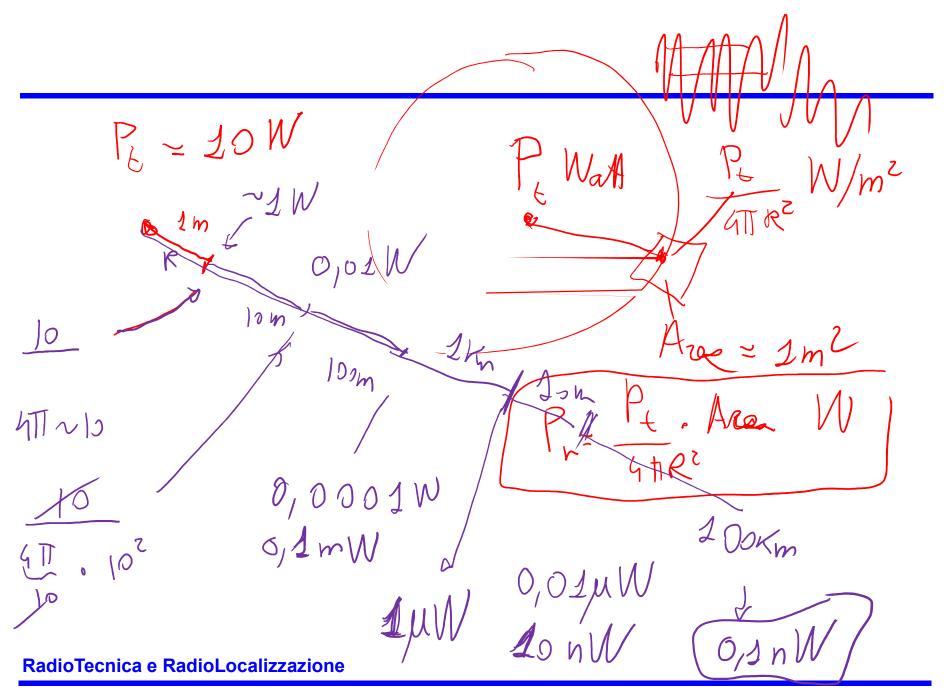


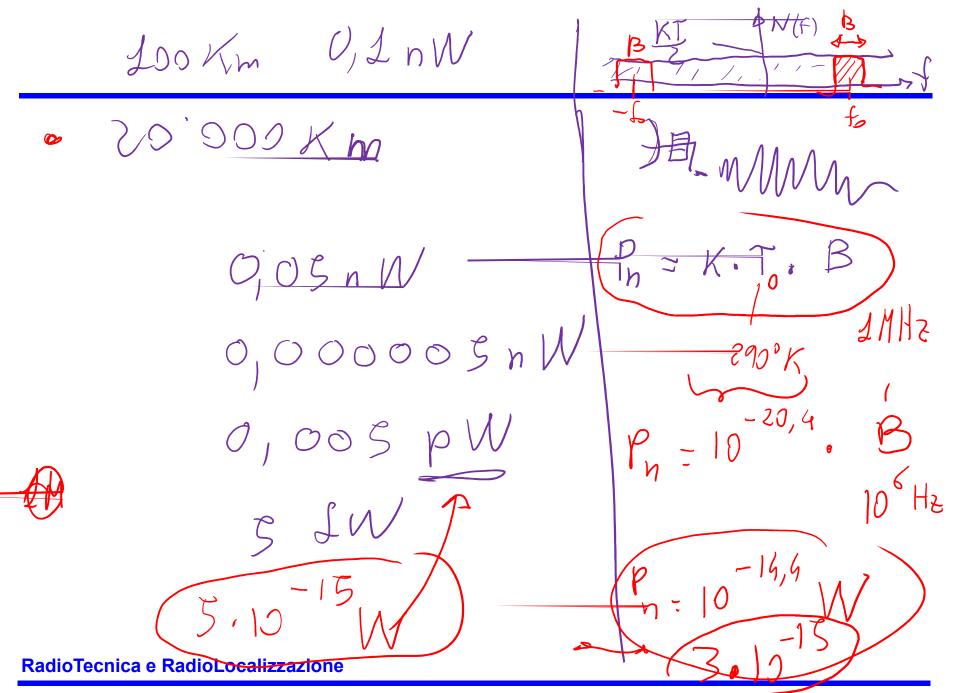


- C'è un ritardo di propagazione alla velocità della luce pari a R/c

$$A \cos (2\pi f t + \phi) \Rightarrow A \cos \left[2\pi f \left(t - \frac{R}{c} \right) + \phi \right] = A \cos \left[2\pi f t + \phi - \frac{2\pi f}{c} R \right]$$

$$A \cos (2\pi f t + \phi) \Rightarrow A e^{j\phi} e^{j2\pi f t} \Rightarrow A e^{j\phi} e^{j2\pi f t} = A e^{j\phi} e^{j2\pi f t} \frac{1}{\sqrt{4\pi R^2}} e^{-j2\pi f \frac{R}{c}} = A e^{j\phi} e^{j2\pi f t} \frac{1}{\sqrt{4\pi R^2}} e^{-j\frac{2\pi}{\lambda} R}$$
Radio Tecnica e Radio Localizzazione





Equazione collegamento TX-RX (I)

- Valutazione della potenza ricevuta fissate le caratteristiche del trasmettitore & ricevitore e del mezzo di trasmissione;
- a) Antenna trasmittente \rightarrow distanza R con antenna isotropa:

$$p_{t}(R,\theta) = \frac{P_{t}}{4\pi R^{2}} W/m^{2}$$

$$p_{t}(R,\theta) : \text{densità di potenza a distanza R in direzione } \theta.$$

$$P_{t} : \text{potenza irradiata dall'antenna}$$

b) Antenna trasmittente \rightarrow distanza R con antenna direttiva:

$$p_t(R,\theta) = \frac{P_tG_t(\theta)}{4\pi R^2}$$
 W/m^2 P_t : potenza irradiata dall'antenna

 $p_t(R,\theta)$: densità di potenza a distanza R in direzione θ .

 $G_{t}(\theta)$: guadagno d'antenna in direzione θ .

c) potenza intercettata dall'antenna ricevente:

$$P_r = \frac{P_t G_t}{4\pi R^2} A_e = \underbrace{P_t G_t}_{t} G_r \left[\frac{\lambda}{4\pi R} \right]^2$$

$$W P_t : \text{potenza irradiata dall'antenna tx.}$$

$$G_t : \text{guadagno d'antenna dell'antenna tx.}$$

$$A : \text{area efficace dell'antenna rx.}$$

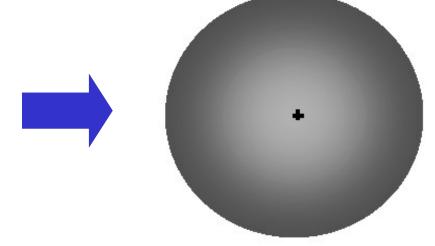
P_r: potenza ricevuta antenna rx a distanza R.

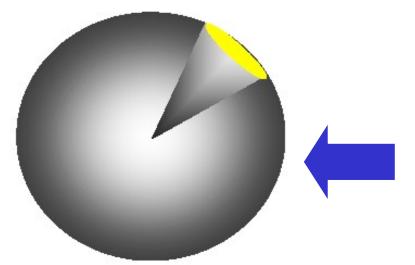
A_e: area efficace dell'antenna rx.

Antenna isotropa e direttiva

ANTENNA OMNIDIREZIONALE

- Una sorgente isotropa irradia la potenza uniformemente in tutte le direzioni;
- La potenza irradiata si ripartisce uniformemente su sfere concentriche con centro sulla sorgente;



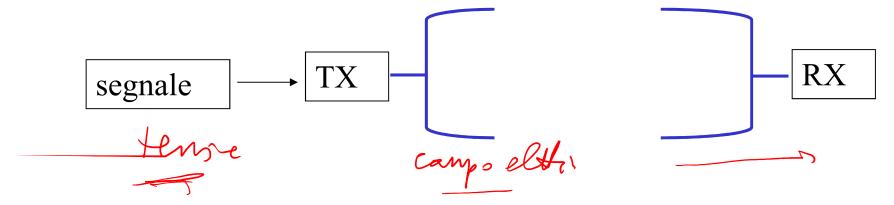


ANTENNA DIRETTIVA

- L'antenna concentra la potenza irradiata in una direzione preferenziale o al contrario assorbe la potenza incidente proveniente da una data direzione;
- La potenza irradiata non è più distribuita in modo uniforme sulla sfera ma ci sono direzioni in cui la densità di potenza è maggiore rispetto al caso di antenna omnidirezionale

Antenne

• Per inviare il segnale si usano antenne (trasduttore) ...



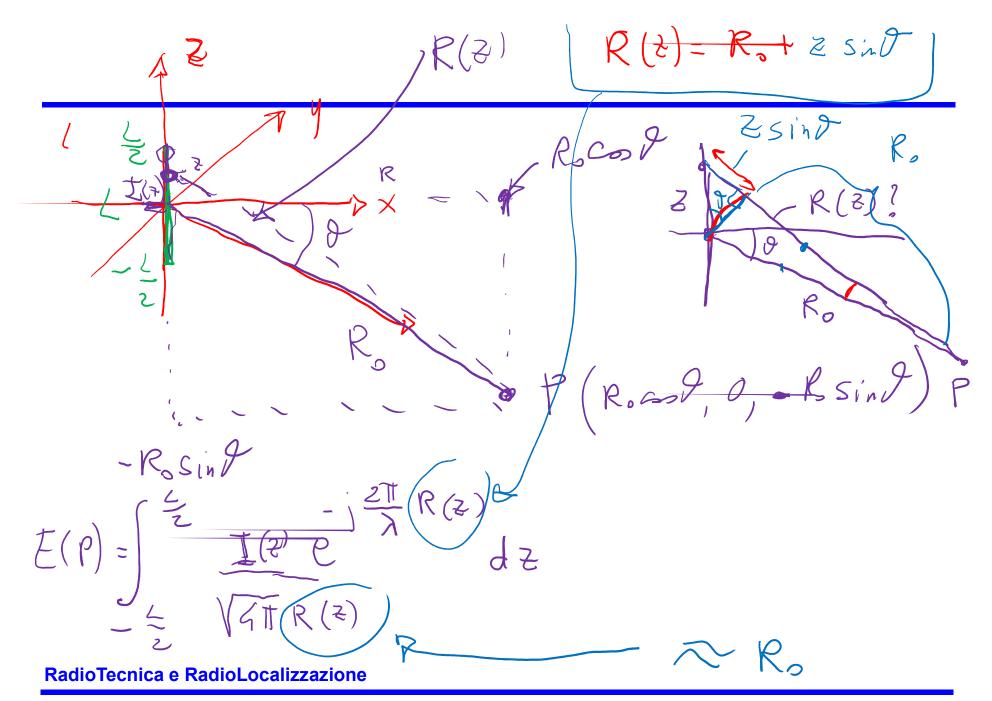
• Antenna: trasduttore tra propagazione guidata (linea di trasmissione) e

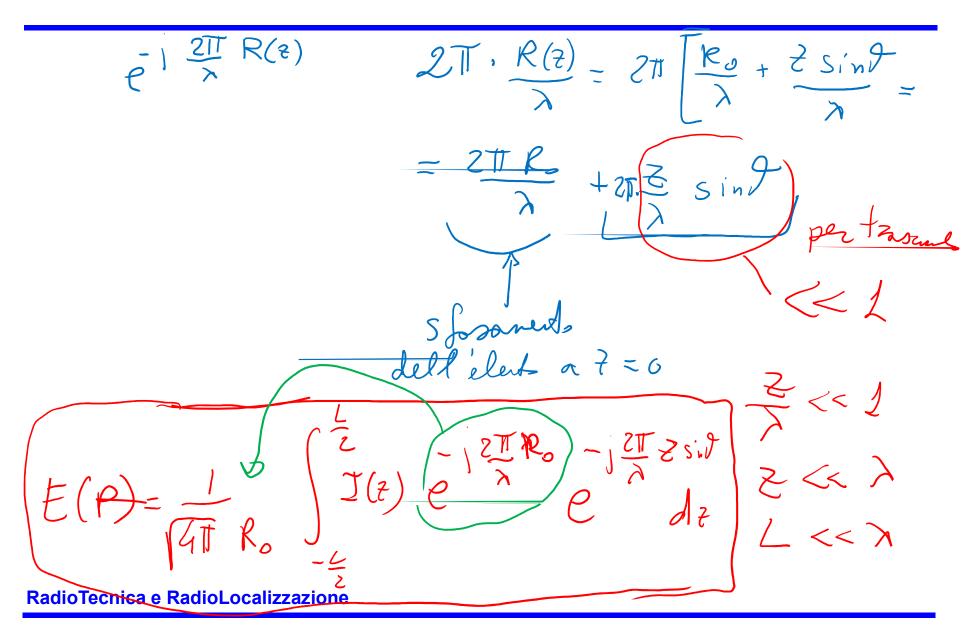


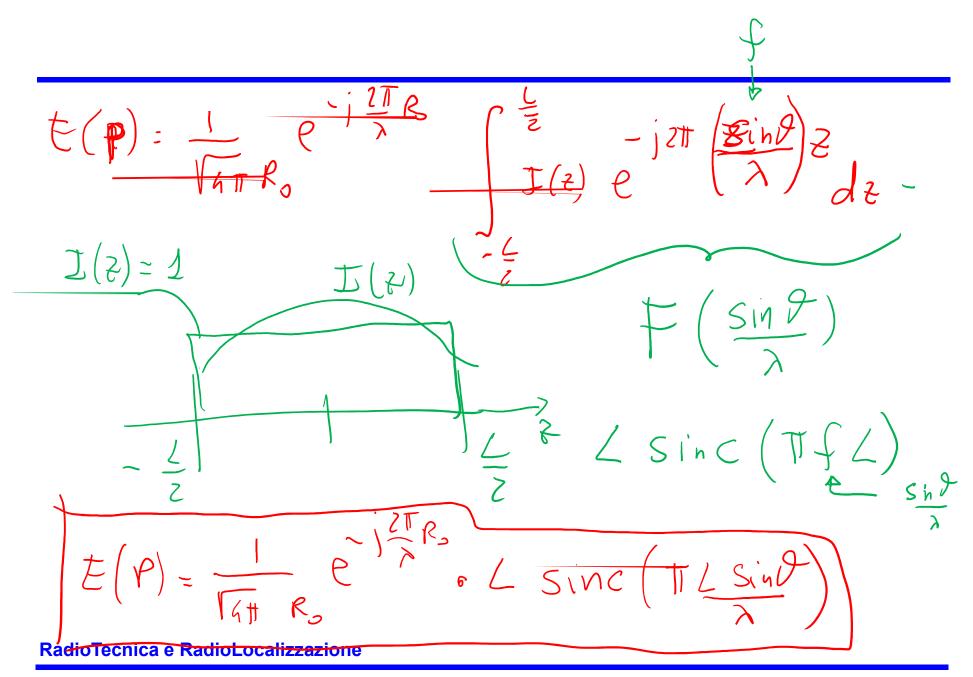
propagazione nello spazio libero;

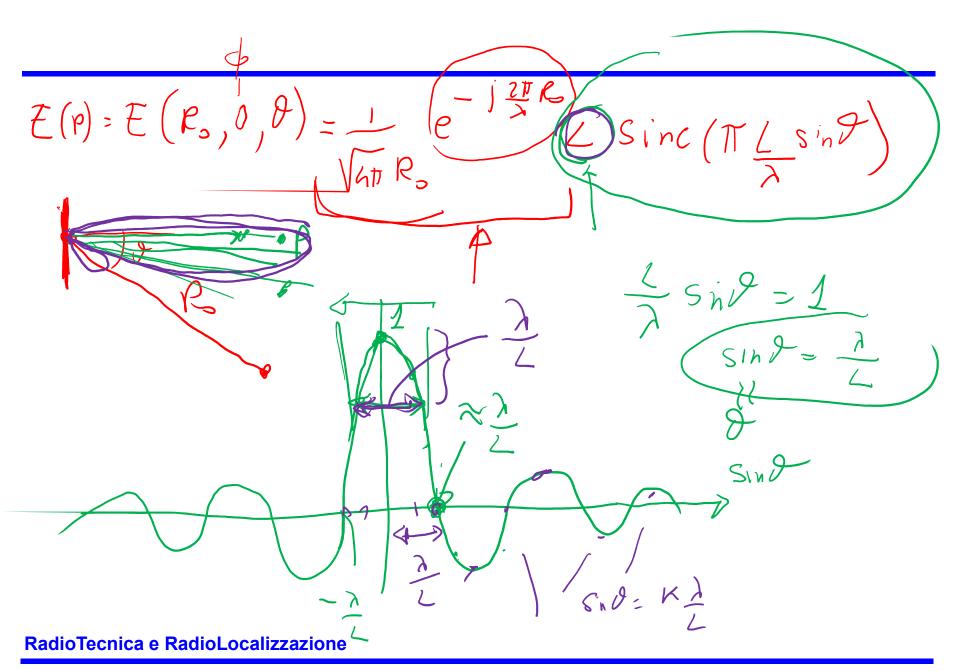
• **Reciprocità**: le proprietà dell'antenna sono le stesse indipendentemente dal suo utilizzo (TX/RX);

Tipologie di antenne • Antenne lineari: - dipoli herziani - array di dipoli (Yagi, Logaritmiche, ... • Antenne a telaio: - Anelli chiusi (loop) • Antenne ad apertura: - paraboloid - array a slotted waveguide - phased arrays RadioTecnica e RadioLocalizzazione

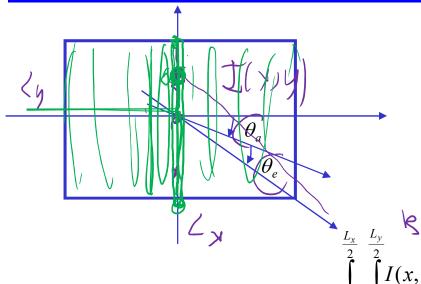








Pattern di Antenne ad apertura



Trasformata di Fourier della corrente sull'apertura di antenna

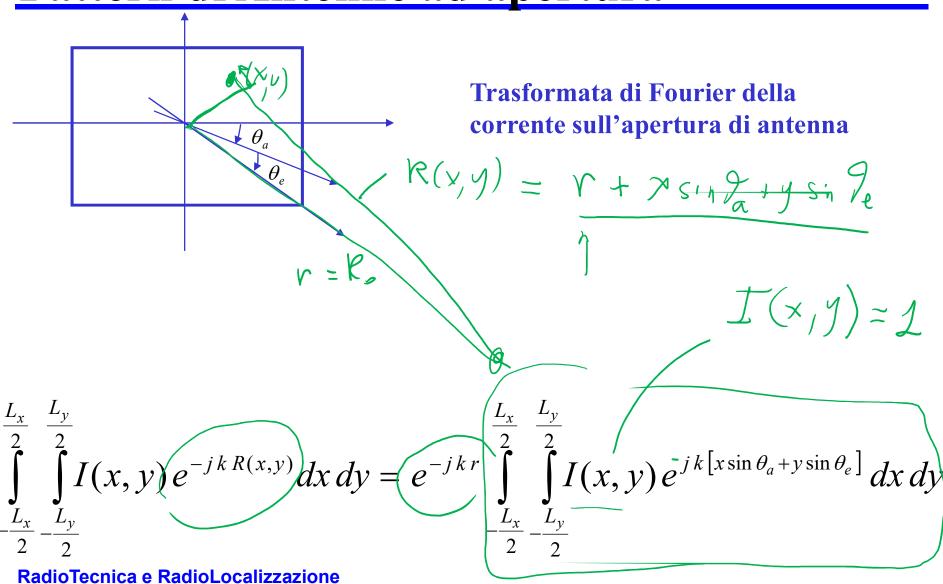
$$\int_{-\frac{L_x}{2}}^{\frac{L_x}{2}} \int_{-\frac{L_y}{2}}^{\frac{L_y}{2}} \underbrace{I(x,y)} e^{-jkR(x,y)} dx dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_x}{2}}^{\frac{L_x}{2}} \int_{-\frac{L_y}{2}}^{\frac{L_y}{2}} I(x,y) e^{jk[x\sin\theta_a + y\sin\theta_e]} dx dy$$

$$I(x, y) = rect_{L_x}(x) \cdot rect_{L_y}(y)$$

$$\int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{rect_{L_{x}}} (x) \cdot rect_{L_{y}}(y) \ e^{jk[x \sin \theta_{a} + y \sin \theta_{e}]} dx dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{x}}{2}} rect_{L_{x}}(x) \ e^{jkx \sin \theta_{a}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) \ e^{jky \sin \theta_{e}} \ dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{x}}{2}} rect_{L_{x}}(x) e^{jkx \sin \theta_{a}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) e^{jky \sin \theta_{e}} \ dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{x}}(x) e^{jkx \sin \theta_{a}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) e^{jky \sin \theta_{e}} \ dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{x}}(x) e^{jkx \sin \theta_{a}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) e^{jky \sin \theta_{e}} \ dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(x) e^{jkx \sin \theta_{a}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) e^{jkx \sin \theta_{e}} \ dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(x) e^{jkx \sin \theta_{e}} dx \cdot \int_{-\frac{L_{y}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} rect_{L_{y}}(y) e^{jkx \sin \theta_{e}} dx$$

$$= e^{-jkr} \operatorname{sinc}\left(L_x \frac{k}{2} \sin \theta_a\right) \cdot \operatorname{sinc}\left(L_x \frac{k}{2} \sin \theta_e\right)$$

Pattern di Antenne ad apertura



Pattern di Antenne ad apertura

$$e^{-jkr} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} I(x,y) e^{jk[x\sin\theta_{a}+y\sin\theta_{e}]} dx dy = \underbrace{e^{-jkr}}_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{x}}{2}} \int_{-\frac{L_{x}}{2}}^{\frac{L_{y}}{2}} I(x,y) e^{j2\pi \frac{1}{\lambda}[x\sin\theta_{a}+y\sin\theta_{e}]} dx dy$$

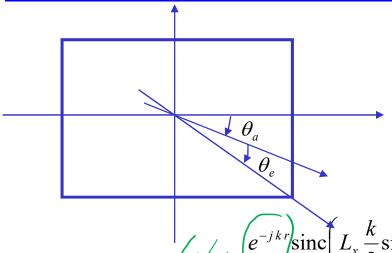
$$I(x,y) = rect_{L_x}(x) \cdot rect_{L_y}(y)$$

$$\int_{-\frac{L_x}{2}}^{\frac{L_y}{2}} \int_{-\frac{L_y}{2}}^{rect_{L_x}} (x) \cdot rect_{L_y}(y) \ e^{jk[x\sin\theta_a + y\sin\theta_e]} dx dy = e^{-jkr} \int_{-\frac{L_x}{2}}^{rect_{L_x}} (x) \ e^{jkx\sin\theta_a} dx \cdot \int_{-\frac{L_y}{2}}^{\frac{L_y}{2}} rect_{L_y}(y) \ e^{jky\sin\theta_e} \ dy = e^{-jkr} \operatorname{sinc}\left(L_x \frac{k}{2}\sin\theta_a\right) \cdot \operatorname{sinc}\left(L_y \frac{k}{2}\sin\theta_e\right) \bullet$$

$$= e^{-jkr} \operatorname{sinc}\left(L_x \frac{k}{2}\sin\theta_a\right) \cdot \operatorname{sinc}\left(L_y \frac{k}{2}\sin\theta_e\right) \bullet$$

$$= \frac{k}{2} \operatorname{sin}\theta_e$$
RadioTecnica e RadioLocalizzazione

Pattern di Antenne ad apertura (II)



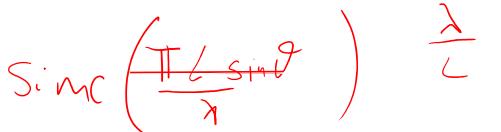
Trasformata di Fourier della corrente sull'apertura di antenna

$$L_x \frac{k}{2} \sin \theta_a = \pi$$

$$L_{y} \frac{k}{2} \sin \theta_{e} = \pi$$

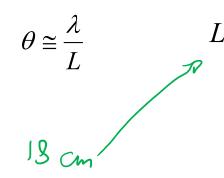
$$L_x \frac{k}{2} \sin \theta_a = \pi$$
 $\sin \theta_a \cong \theta_a = \frac{2\pi}{k L_x} = \frac{\lambda}{L_x}$

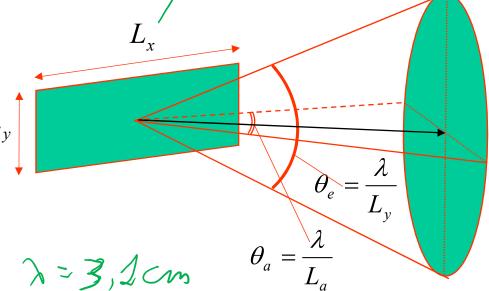
$$L_y \frac{k}{2} \sin \theta_e = \pi$$
 $\sin \theta_e \cong \theta_e = \frac{2\pi}{k L_y} = \frac{\lambda}{L_y}$



Fascio di antenna

Apertura approx. di antenna





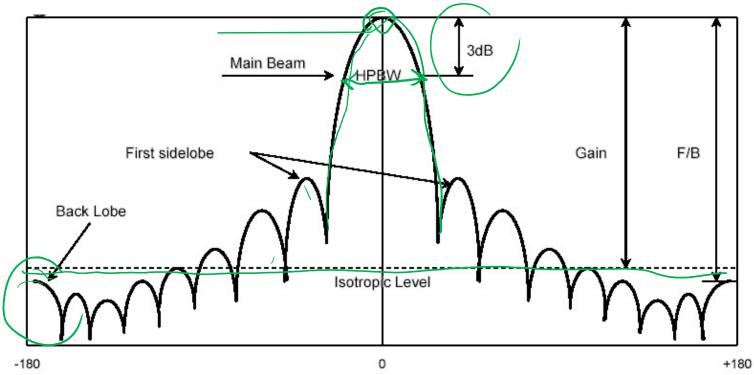
Esempio

$$\theta_e = \frac{\lambda}{L_v} = \frac{0.031}{0.18} = 0.1722(rad) \rightarrow 9.87^{\circ}$$

$$\theta_a = \frac{\lambda}{L_x} = \frac{0.031}{1.8} = 0.01722 (rad) \rightarrow 0.987^{\circ}$$

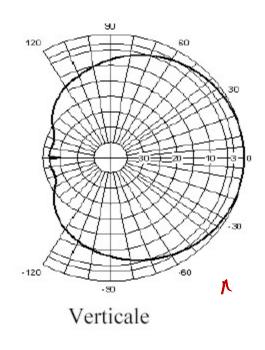
Pattern di radiazione di antenna

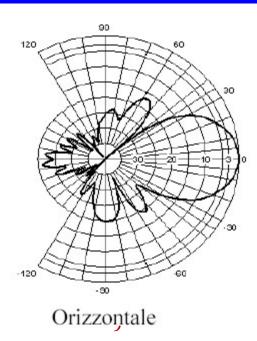
• potenza o intensità di radiazione in funzione delle coordinate angolari (in genere due);



•Apertura del fascio in azimuth ϕ_A e in elevazione θ_A : ampiezza dell'intervallo angolare che corrisponde ad una diminuzione di 3dB (metà potenza) della direttività o del guadagno rispetto alla direzione di max (Boresight) nel piano azimutale $(\phi_A \approx \lambda/L_{\phi}: L_{\phi} \text{ dim. antenna in azimuth})$ e di elevazione $(\theta_A \approx \lambda/L_{\theta}: L_{\theta} \text{ dim. antenna elevazione})$.

Esempi di pattern di radiazione



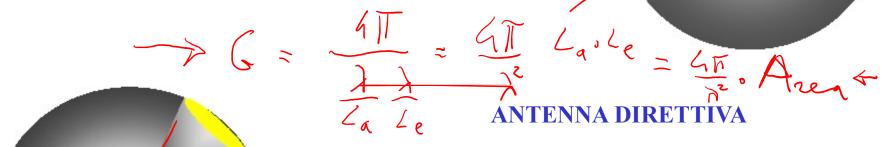


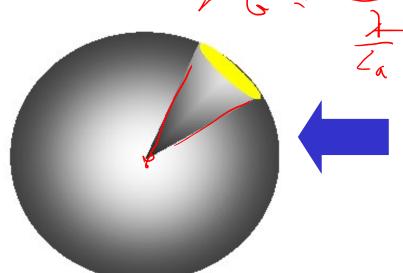
- Pattern di radiazione
 - Rappresentazione grafica delle proprietà radiative di un'antenna;
 - In generale è una rappresentazione bidimensionale.
- Larghezza del fascio
 - Misura la direttività dell'antenna;
- Pattern di ricezione
 - Le proprietà in ricezione sono analoghe a quelle in trasmissione (reciprocità).

Antenna isotropa e direttiva

ANTENNA OMNIDIREZIONALE

- Una sorgente isotropa irradia la potenza uniformemente in tutte le direzioni;
- La potenza irradiata si ripartisce uniformemente su sfere concentriche con centro sulla sorgente;





- L'antenna concentra la potenza irradiata in una direzione preferenziale o al contrario assorbe la potenza incidente proveniente da una data direzione;
- La potenza irradiata non è più distribuita in modo uniforme sulla sfera ma ci sono direzioni in cui la densità di potenza è maggiore rispetto al caso di antenna omnidirezionale

Direttività e Guadagno

DIRETTIVITA':

$$G_D = \frac{\text{max intensità di radiazione}}{\text{intensità di radiazione media}} = \frac{\text{max } potenza irradiata/unità angolo solido}}{potenza irradiata totale/4\pi}$$

GUADAGNO: perdite considerate

$$G = \rho_r G_D$$

ρ_r efficienza di irradiazione

$$G = \frac{\max \ potenza \ irradiata \ /unità \ angolo \ solido}{potenza \ netta \ accettata \ /4\pi} = \frac{\max \ intensità \ irradiata}{\text{intensità irradiata sorgente isotropa senza perdite}}$$

$$(con \ pari \ potenza \ in \ ingresso)$$

AREA EFFICACE

⇒ misura l'area effettiva mostrata da un'antenna all'onda incidente (RX):

$$G = \frac{4\pi A_e}{\lambda^2} = \frac{4\pi \rho_a A_g}{\lambda^2}$$

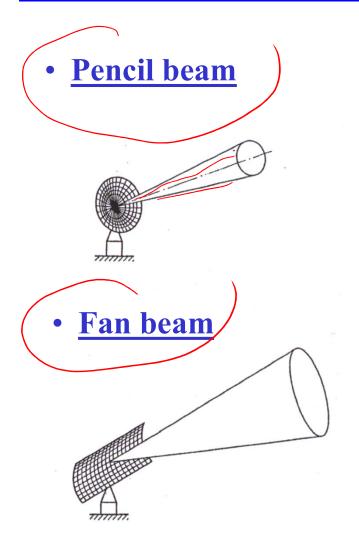
A_e: area efficace;

A_g: area geometrica;

ρ_a: efficienza d'apertura

0,3 - 0.8

Forma del fascio di antenne ad apertura



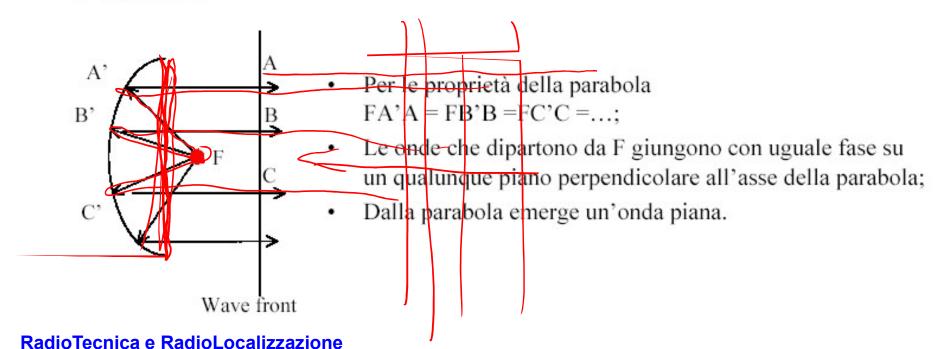
- fascio assialmente simmetrico;
- larghezza del fascio dell'ordine di pochi gradi o meno;
- utilizzati quando è necessario misurare continuamente entrambi azimuth e elevazione del bersaglio (ad es. per inseguimento);



- fascio largo in una dimensione e stretto nell'altro;
- utilizzato quando ci sono vincoli sul max scan time;
- radar di ricerca ground based utilizzano fasci stretti in azimuth e larghi in elevazione;

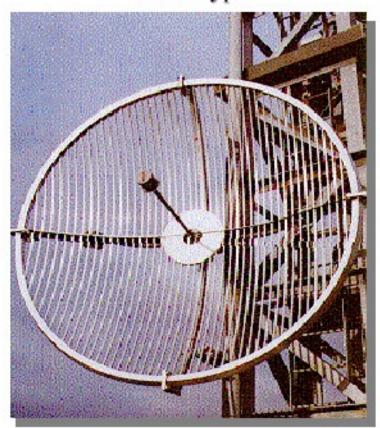
Antenne a riflettore parabolico

- Antenna con riflettore parabolico di rivoluzione: tipo di antenna più comune ed utilizzato in sistemi di telecomunicazioni (ponti radio terrestri e via satellite) e nei sistemi radar;
- Antenna costituita da una sorgente primaria (illuminatore) e da una superficie riflettente parabolica (riflettore);
- Il riflettore trasforma in onde piane le onde sferiche emesse dall'illuminatore posto nel fuoco della parabola;

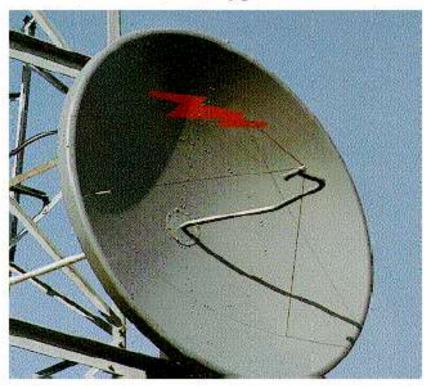


Antenne paraboliche a microonde

Grid Type



Solid Type



Guadagno di Antenne ad apertura



Guadagno d'antenna

Potenza irradiata in una particolare direzione confronata con quella irradiata in una qualunque direzione da un'antenna perfettamente omnidirezionale (antenna isotropa);

Antenne direttive concentrano l'energia in particolari direzioni ⇒ vantaggi&svantaggi

- Segnale ricevuto ha maggiore potenza;
- Minore interferenza ad altri ricevitori:
- Antenne più complesse;

Guadagno:
$$G = A_e \times \frac{4\pi}{\lambda^2}$$

Area equivalente: $A_e = \eta \times A_g$

$$G = \eta \times A_g \times \frac{4\pi}{\lambda^2}$$
Guadagno d'antenna in dB/dB_i = 10 log₁₀(G)

$$G = \eta \times A_g \times \frac{4\pi}{\lambda^2}$$

Antenna circolare con diametro D:

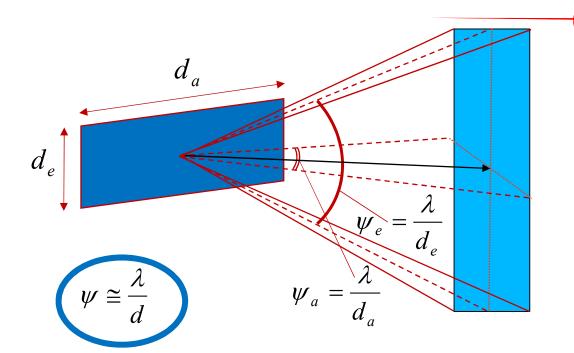
$$A_{g} = \pi R^{2} = \pi \frac{D^{2}}{4}$$
 & $G = \eta \frac{4\pi}{\lambda^{2}} \frac{\pi D^{2}}{4} = \eta \left(\frac{\pi D}{\lambda}\right)^{2}$

Per una sorgente omnidirezionale il guadagno è pari a 1 e l'apertura a $\lambda^2/4\pi$.

Antenna Beam







£ 2	97	, De = 4 T , 1,8 . 0,18
O	$\lambda^{\tilde{\epsilon}}$	ع (١٥٠٤)

Example airborne SAR				
Wavelength (λ)	3.1 cm (X band)			
Antenna $(d_a \times d_e)$	$1.8 \text{ m} \times 0.18 \text{ m}$			
Altitude	10 km			
Off-nadir angle (α_0)	Adjustable 15° - 60°			

airborne case

spaceborne case

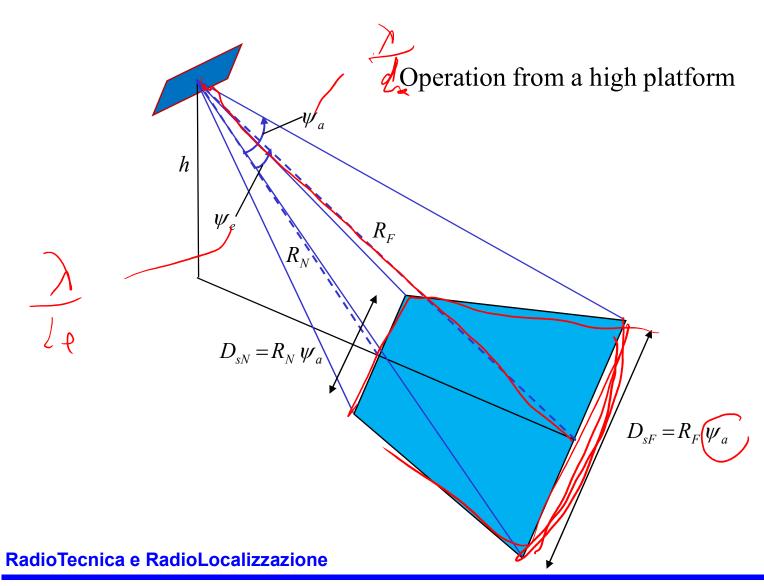
$$\psi_e = \frac{\lambda}{d_e} = \frac{0.031}{0.18} = 0.1722 (rad) \longrightarrow 9.87^{\circ} /$$

$$\psi_a = \frac{\lambda}{d_a} = \frac{0.031}{1.8} = 0.01722 (rad) \longrightarrow 0.987^{\circ} /$$
RadioTecnica e RadioLocalizzazione

$$\psi_e = \frac{\lambda}{d_e} = \frac{0.0567}{1} = 0.0567 (rad) \rightarrow 3.2487^{\circ}$$

$$\psi_{a} = \frac{\lambda}{d_{a}} = \frac{0.031}{1.8} = 0.01722 (rad) \rightarrow 0.987^{\circ} \qquad \psi_{a} = \frac{\lambda}{d_{a}} = \frac{0.0567}{10} = 0.00567 (rad) \rightarrow 0.32487^{\circ}$$

Antenna Footprint



Equazione collegamento TX-RX (I)

- Valutazione della potenza ricevuta fissate le caratteristiche del trasmettitore & ricevitore e del mezzo di trasmissione;
- a) Antenna trasmittente \rightarrow distanza R con antenna isotropa:

$$p_t(R,\theta) = \frac{P_t}{4\pi R^2}$$
 W/m^2 $P_t(R)$: densità di potenza a distanza R
 P_t : potenza irradiata dall'antenna

b) Antenna trasmittente \rightarrow distanza R con antenna direttiva:

$$p_{t}(R,\theta) = \frac{P_{t}G_{t}(\theta)}{4\pi R^{2}}$$

$$p_{t}(R,\theta) : \text{densità di potenza a distanza R in direzione } \theta.$$

$$P_{t} : \text{potenza irradiata dall'antenna}$$

 $G_{t}(\theta)$: guadagno d'antenna in direzione θ .

c) potenza intercettata dall'antenna ricevente:

$$P_r = \underbrace{\frac{P_t G_t}{4\pi R^2} \left(A_e\right)}_{\text{EIRP}} \underbrace{\left(P_t G_t G_t\right)^2}_{\text{F}} \left(\frac{\lambda}{4\pi R}\right)^2 W$$

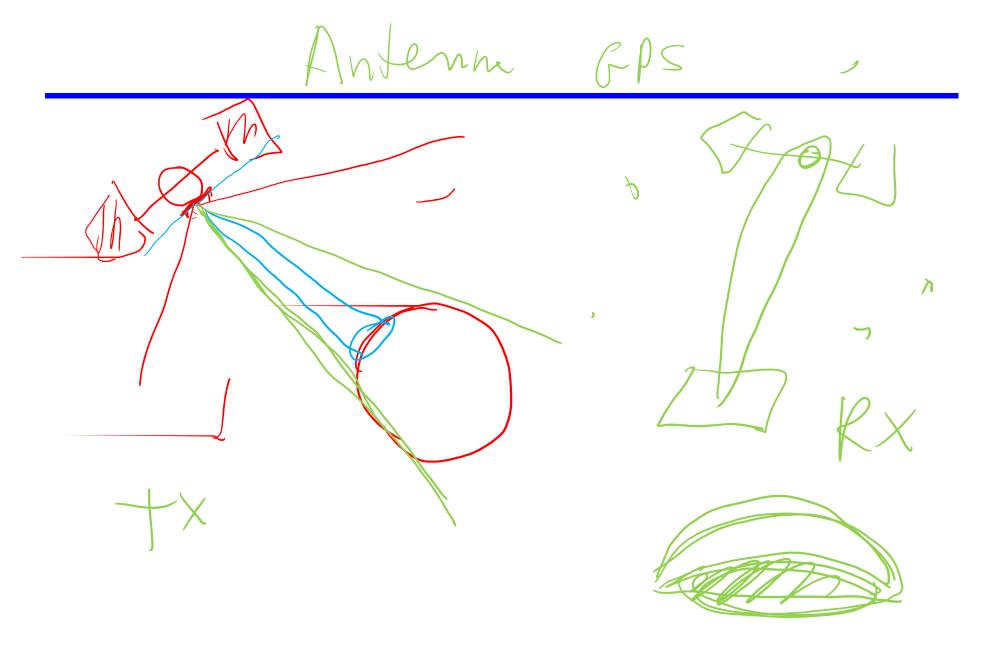
$$P_r: \text{ potenza ricevuta antenna rx a distanza P_t: potenza irradiata dall'antenna tx.}$$

$$G_t: \text{ guadagno d'antenna dell'antenna rx}$$

$$A: \text{ area efficace dell'antenna rx}$$

P_r: potenza ricevuta antenna rx a distanza R.

A_e: area efficace dell'antenna rx.





Equazione collegamento TX-RX (II)

EIRP: Equivalent Isotropic Radiated Power → figura di merito stazione TX

$$P_{r} = \underbrace{\frac{EIRP \cdot G_{r}}{\left(4\pi R/\lambda\right)^{2}}}_{\text{Path loss}} = \underbrace{\frac{EIRP \cdot G_{r}}{L_{p}}}_{\text{Path loss}} W$$

Potenza ricevuta caso ideale

⇒ unica attenuazione considerata: propagazione nello spazio libero

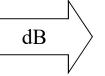
$$Z_{p} = \left(\frac{4\pi R}{\lambda}\right)^{2}$$

Fattori di perdita

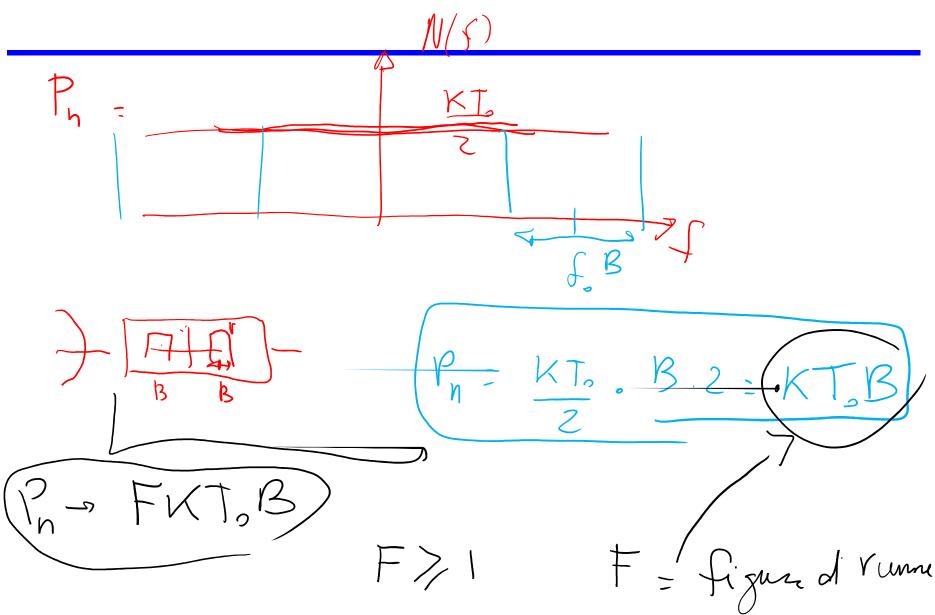
- •fattori di perdita dovuti all'antenna trasmittente (L_{ta});
- •fattori di perdita dovuti all'antenna ricevente (L_{ra});
- •fattori di perdita dovuti a propagazione in atmosfera (L_a);

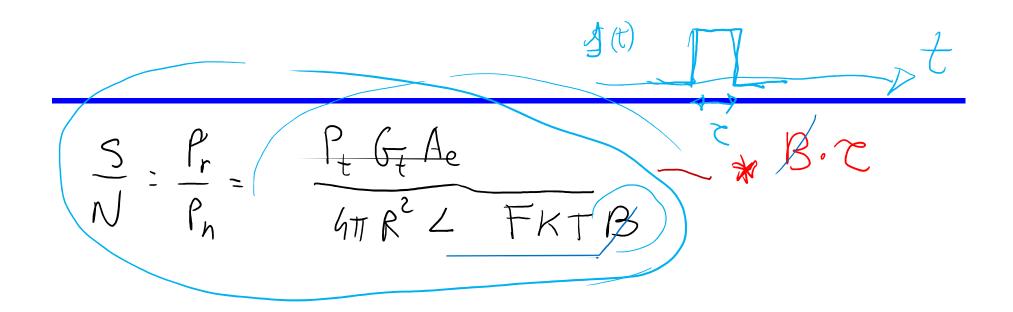
Potenza ricevuta caso reale

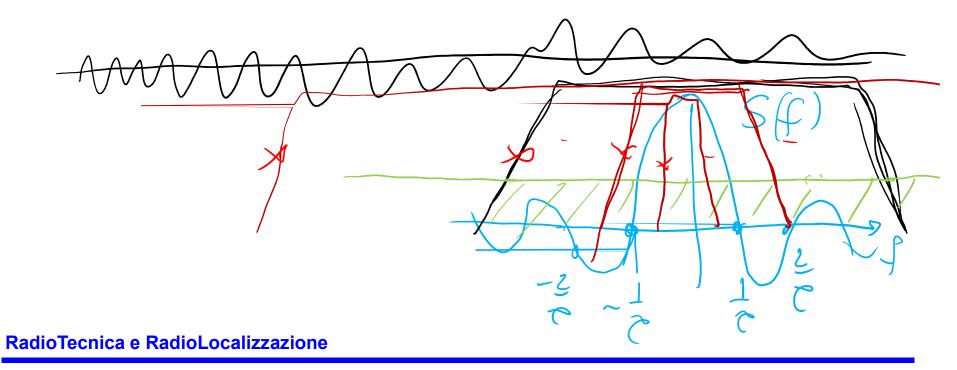
$$P_{r} = \frac{EIRP \cdot G_{r}}{L_{p}L_{ta}L_{a}L_{ra}} W$$



$$P_{r}|_{dBW} = EIRP|_{dBW} + G_{r}|_{dB} - L_{p}|_{dB} - L_{ta}|_{dB} - L_{a}|_{dB} - L_{ra}|_{dB}$$







Attenuazione di propagazione per pioggia/nebbia

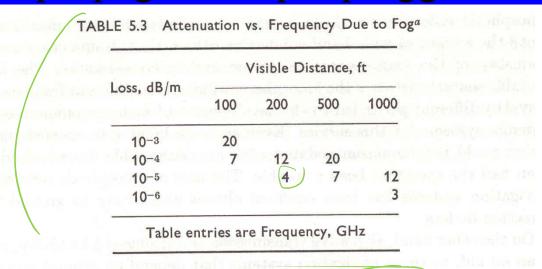


TABLE 5.4 Attenuation vs. Frequency Due to Raina

Loss, dB/m	Heavy (16 mm/hr)	Moderate (4 mm/hr)	Light (1 mm/hr)	Drizzle (0.25 mm/hr)
10-3	15	37	100	A STATEMENT
10-4	7	12	20	43
10-5	3	6	9	20
10-6		3	4	8
10-7				4

^a After H. E. Hawkins and O. LaPlant, "Radar Performance Degradation in Fog and Rain," IRE Transactions on Aerospace and Navigational Electronics, Vol. ANE-6, No. 1, March 1959.

RadioTecnica e RadioLoca

Decibels (dB)

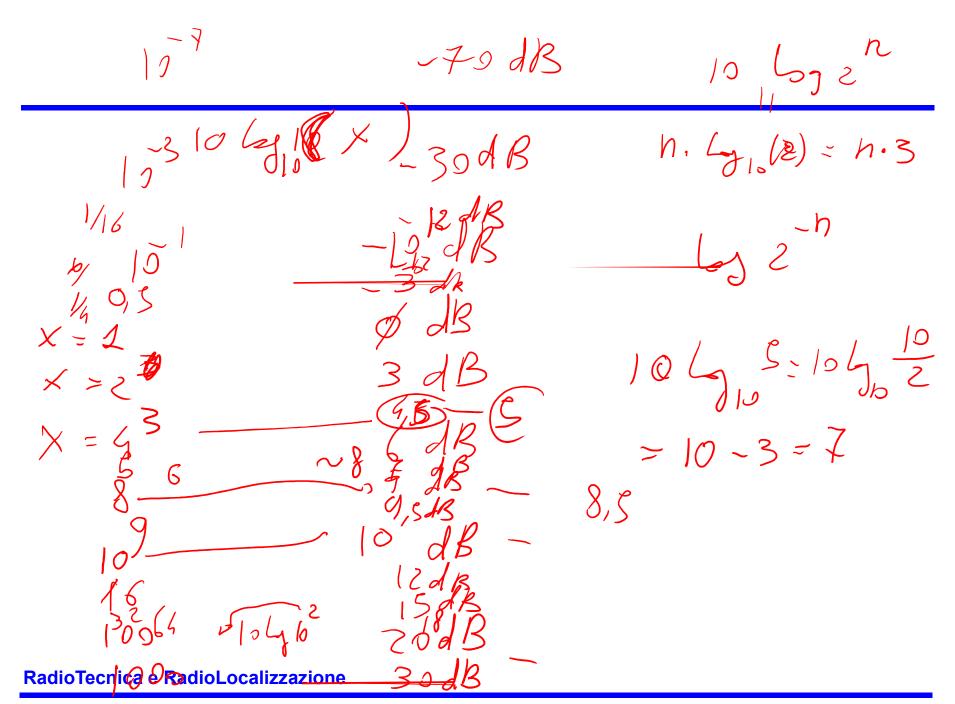
Ampiezza (Volt)

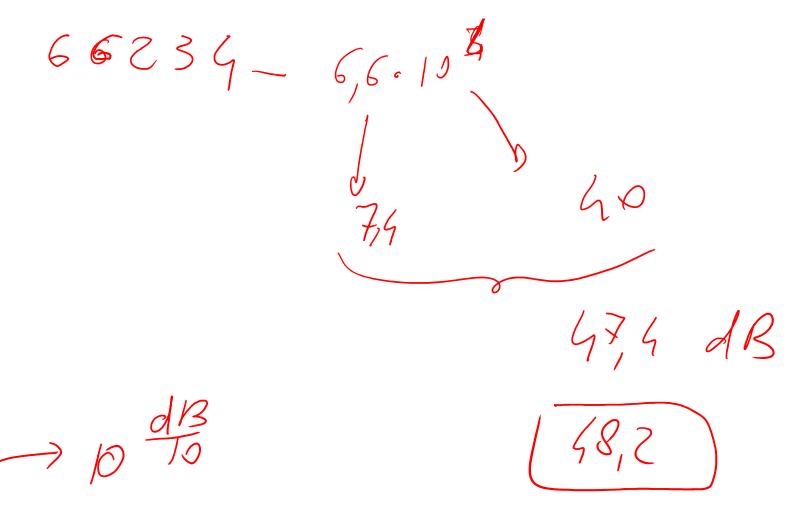
$$dB = 20 \log \frac{V_{out}}{V_{oV_{in}}}$$

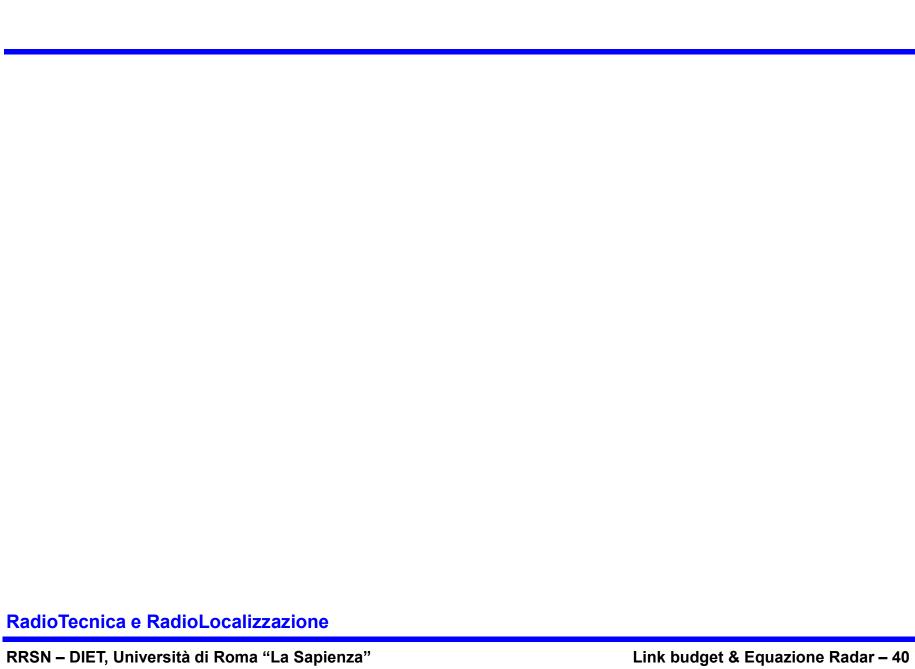
Potenza (Watt)

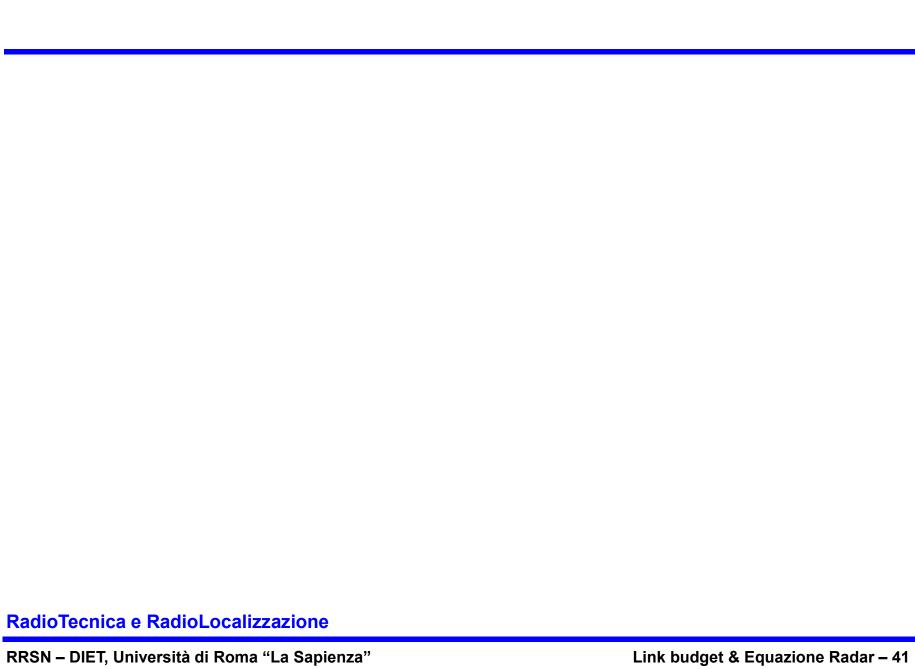
$$dB = 10 \log \frac{P_{out}}{P_{in}}$$

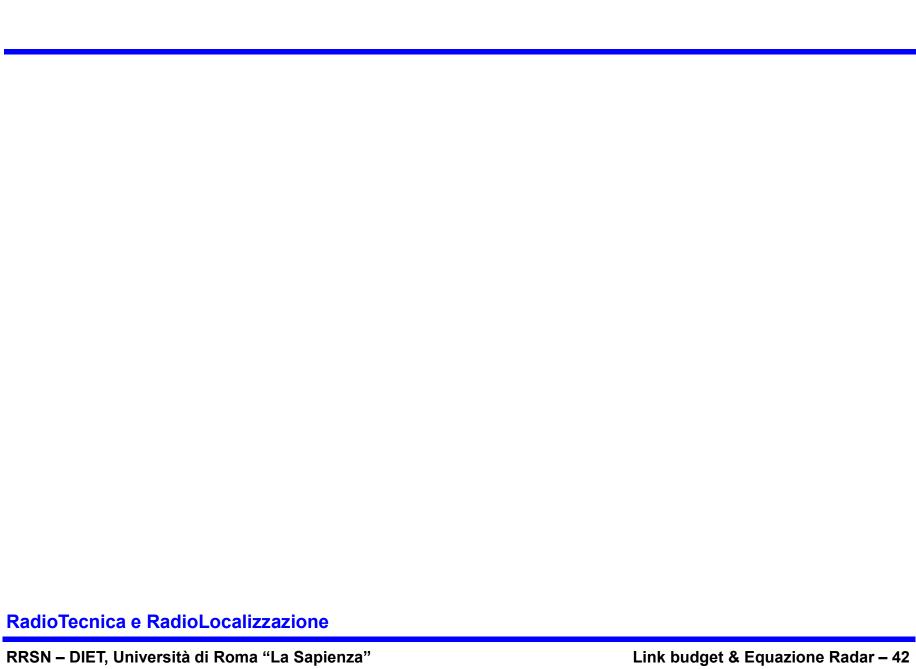
Decibels	Rapporto di voltaggio	Rapporto di potenza
- 10 dB		1/10:1
- 7 dB		1/5 :1
- 6 dB	1/2:1	½:1
- 3 dB	0,72:1	½:1
0 dB	1:1	1:1
3 dB	1,414:1	2:1
6 dB	2:1	4:1
7 dB		5:1
10 dB		10:1
20 dB	10:1	100:1
30 dB		1000:1
40 dB	100:1	10.000:1
60 dB	1.000:1	1.000.000:1
66 dB	2.000:1	4.000.000:1
72 dB	4.000:1	16.000.000:1
80 dB	10.000:1	10 ⁸ :1
100 dB	100.000:1	10 ¹⁰ :1
120 dB	1.000.000:1	10 ¹² :1











Rapporti espressi in decibel (I)

$$\begin{array}{ccc}
B & Blocco \\
D & funzionale
\end{array}
\qquad
\xrightarrow{A} C$$

La variabilità dei rapporti fra le ampiezze dei segnali di ingresso e uscita dei blocchi funzionali che compongono i sistemi di comunicazione è estremamente grande: ad esempio l'attenuazione introdotta da molti mezzi trasmissivi cresce in modo esponenziale con la lunghezza del collegamento.

Risulta quindi comodo esprimere i rapporti fra ingresso ed uscita dei blocchi funzionali in unità logaritmiche.

$$R|_{dB} = 20 \cdot \log_{10} \left(\frac{A}{B}\right)$$
 se A e B rappresentano ampiezze $R|_{dB} = 10 \cdot \log_{10} \left(\frac{C}{D}\right)$ se C e D rappresentano potenze o energie

Rapporti espressi in decibel (II)



Rapporto fra le ampiezze =
$$R|_{dB} = 20 \cdot \log_{10} \left(\frac{8}{4}\right) = 6 \text{ dB}$$

Rapporto fra le potenze =
$$R|_{dB} = 10 \cdot \log_{10} \left(\frac{8^2}{4^2}\right) = 6 \text{ dB}$$

si ottiene, evidentemente, lo stesso valore: il guadagno G

Attenzione però: l'ampiezza raddoppia mentre la potenza quadruplica

A_o / A_i	P_o/P_i	$G _{dB}$
1	1	0 dB
$\sqrt{2}$	2	3 dB
$\sqrt{3}$	3	4.8 <i>dB</i>
2	4	6 <i>dB</i>

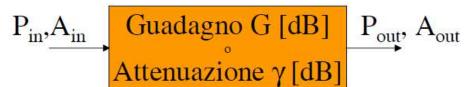
A_o / A_i	P_o/P_i	G _{dB}
$\sqrt{5}$	5	7 dB
$\sqrt{6}$	6	7.8 dB
$\sqrt{7}$	7	8.5 <i>dB</i>
$2\sqrt{2}$	8	9 <i>dB</i>

A_o / A_i	P_o/P_i	G _{dB}
$\sqrt{10}$	10	10 dB
$2\sqrt{5}$	20	13 <i>dB</i>
10	100	20 <i>dB</i>
$10\sqrt{10}$	1000	30 <i>dB</i>

Potenze e ampiezze in decibel

Per esprimere in unità logaritmiche valori assoluti di grandezze è necessario prefissare un valore di riferimento. Alcuni valori tipici di riferimento sono 1 W (dBW), 1 mW (dBm), 1 V (dBV) e 1 μV (dBμ).

Esempi: $-20 \text{ dBm} = 10^{-2} \text{ mW}$; 6 dBW = 4 W; $6 \text{ dB}\mu = 2 \mu\text{V}$ (non $4 \mu\text{V}$!)



$$\begin{aligned} P_{out}\big|_{dBW} &= P_{in}\big|_{dBW} + G\big|_{dB} \\ P_{out}\big|_{dBm} &= P_{in}\big|_{dBm} + G\big|_{dB} \end{aligned} \qquad \begin{aligned} P_{out}\big|_{dBW} &= P_{in}\big|_{dBW} - \gamma\big|_{dB} \\ P_{out}\big|_{dBm} &= P_{in}\big|_{dBm} - \gamma\big|_{dB} \end{aligned} \qquad \end{aligned}$$

$$A_{out}\big|_{dBV} = A_{in}\big|_{dBV} + G\big|_{dB} \qquad A_{out}\big|_{dBV} = A_{in}\big|_{dBV} - \gamma\big|_{dB}$$

$$A_{out}\big|_{dB\mu} = A_{in}\big|_{dB\mu} + G\big|_{dB} \qquad A_{out}\big|_{dB\mu} = A_{in}\big|_{dB\mu} - \gamma\big|_{dB}$$

$$\begin{aligned} P_{out}\big|_{dBW} &= P_{in}\big|_{dBW} - \gamma\big|_{dB} \\ P_{out}\big|_{dBm} &= P_{in}\big|_{dBm} - \gamma\big|_{dB} \\ A_{out}\big|_{dBV} &= A_{in}\big|_{dBV} - \gamma\big|_{dB} \\ A_{out}\big|_{dB\mu} &= A_{in}\big|_{dB\mu} - \gamma\big|_{dB} \end{aligned}$$

$$dB_W + dB \rightarrow dB_W$$

$$dB_M + dB \rightarrow dB_M$$

$$dB_V + dB \rightarrow dB_V$$

$$dB + dB \rightarrow dB$$

$$dB_W - dB_W \rightarrow dB$$

$$dB_V - dB_V \rightarrow dB$$

$$dB_W + dB_W \rightarrow dB$$
No!

Rapporti espressi in decibel

Un segnale con potenza di -100 dBm è amplificato di 60 dB. Quale è la potenza del segnale in uscita in dBm e in mW?

$$-100 \text{ dBm} + 60 \text{ dB} = -40 \text{ dBm} = 10^{-4} \text{ mW}$$

Un segnale con ampiezza di 6 dBµ è amplificato di 60 dB. Quale è l'ampiezza del segnale in uscita in dBµ e in µV?

$$6 dB\mu + 60 dB = 66 dB\mu = 2 \cdot 10^3 \mu V = 2 mV$$

Due segnali (incorrelati) hanno potenza di 0 dBm. Quale è la potenza della loro somma (cioè la somma delle potenze) in dBm?

$$0 \text{ dBm} = 10 \log_{10} \left(\frac{P}{1 \text{ mW}} \right) \rightarrow P = 1 \text{ mW}$$

$$P_{tot} = P + P = 2 \text{ mW} = 3 \text{ dBm}$$

Carta di Blake

$$P_r = \frac{A \cdot B \cdot C}{E \cdot F \cdot G}$$

si convertano in dB tutti i termini.

Ad esempio

$A \rightarrow$	$A _{dB} = 10$
$B \rightarrow$	$B _{dB} = -5$
$C \rightarrow$	$C _{dB} = 2$

$$D \rightarrow D|_{dB} = 4$$

$$E \to |E|_{dB} = -23$$

$$F \rightarrow F|_{dB} = 15$$

si riempia la tabella riportando gli elementi a numeratore nella colonna dB+ e quelli a denominatore nella colonna dB-

Nome parametro	dR+	(dB -	Unità di misura
Trome parametro		MD -	Omita ur misur a
A			
В			
C			
D			
E			
F			
Parziali			
Totale			

Carta di Blake (II)

Data l'espressione
$$P_r = \frac{A \cdot B \cdot C}{E \cdot F \cdot G}$$
 si convertano in dB tutti i termini.

Ad esempio

$A \rightarrow$	$A _{dB} = 10$
$B \rightarrow$	$B _{dB} = -5$
C >	$ C _{dB} = 2$
$D \rightarrow$	$D _{dB} = 4$
E >	$E _{dB} = -23$
F >	$F _{dB} = 15$

si riempia la tabella riportando gli elementi a numeratore nella colonna dB+ e quelli a denominatore nella colonna dB-

Nome parametro	dB+	dB -	Unità di misura
A	10		W
В	-5		-
C	2		m ²
D		4	-
E		-23	m ²
F		15	-
Parziali			
a Totale			

Carta di Blake (III)

Data l'espressione
$$P_r = \frac{A \cdot B \cdot C}{E \cdot F \cdot G}$$
 si convertano in dB tutti i termini.

Ad esempio

$A \rightarrow$	$A _{dB} = 10$
$B \rightarrow$	$B _{dB} = -5$
C >	$C _{dB} = 2$
$D \rightarrow$	$D _{dB} = 4$
E >	$E _{dB} = -23$
$F \rightarrow$	$F _{dB} = 15$

si riempia la tabella riportando gli elementi a numeratore nella colonna dB+ e quelli a denominatore nella colonna dB-

	$A _{dB} = 10$	Nome parametro	dB+	dB -	Unità di misura
	$B _{dB} = -5$	A	10		W
	$C _{dB} = 2$	В	-5		_
	$D _{dB} = 4$	$\overline{\mathbf{C}}$	2		m ²
	$E _{dB} = -23$	D		4	_
$\mathbf{F} \rightarrow$	$F _{dB} = 15$	E		-23	m ²
		F		15	-
		Parziali	7	-4	
RadioTe	ecnica e RadioLocalizza	Totale	11		dBW

Equazione Radar (I)

- L'equazione radar pone in relazione la distanza radar-bersaglio e le caratteristiche del sistema radar (trasmettitore, ricevitore e antenna), del bersaglio e dell'ambiente circostante.
- L'equazione radar è utile sia alla determinazione della massima distanza alla quale il radar è in grado di "vedere" (portata radar) che alla progettazione e dimensionamento del sistema stesso.



radar→bersaglio a distanza R con antenna isotropa:

$$p_t(R,\phi,\theta) = \underbrace{P_t}_{4\pi R^2}$$

 $p_t(R,\phi,\theta)$: densità di potenza a distanza R in direzione (ϕ,θ) .

P_t: potenza irradiata dall'antenna (potenza di picco).



radar→bersaglio a distanza R con antenna direttiva:

$$p_t(R,\phi,\theta) = \frac{P_tG(\phi,\theta)}{4\pi R^2}$$

 $p_t(R,\phi,\theta)$: densità di potenza a distanza R in direzione (ϕ,θ) .

P_t: potenza irradiata dall'antenna (potenza di picco).

 $G(\phi,\theta)$: guadagno d'antenna in direzione (ϕ,θ) .



 \bigcirc potenza intercettata dal bersaglio con Radar Cross Section σ e reirradiata isotropicamente:

$$p_{t}(R,\phi,\theta)\sigma = \underbrace{\frac{P_{t}G(\phi,\theta)}{4\pi R^{2}}\sigma}_{\text{alizzazione}}$$

 $p_t(R,\phi,\theta)$: densità di potenza a distanza R in direzione (ϕ,θ) .

P_t: potenza irradiata dall'antenna (potenza di picco).

 $G(\phi,\theta)$: guadagno d'antenna in direzione (ϕ,θ) .

σ: Radar Cross Section (RCS) del bersaglio.

Equazione Radar (II)



bersaglio a distanza R→radar:



 $p_r(R,\phi,\theta)$: densità di potenza al radar dalla distanza R in direzione (ϕ,θ) .

$$p_r(R,\phi,\theta) = \frac{P_t G(\phi,\theta)}{4\pi R^2} \frac{\sigma}{4\pi R^2}$$

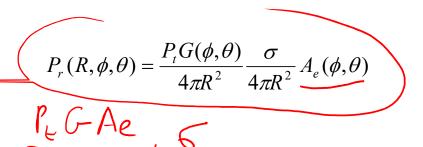
 P_{t} : potenza irradiata dall'antenna (potenza di $\;$ picco).

 $G(\phi,\theta)$: guadagno d'antenna in direzione (ϕ,θ) .

 σ : radar cross section bersaglio.



potenza intercettata dall'antenna:



 $P_r(R,\phi,\theta)$: potenza al radar dalla distanza R in direzione (ϕ,θ) .

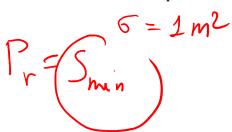
P_t: potenza irradiata dall'antenna (potenza di picco).

 $G(\phi,\theta)$: guadagno d'antenna in direzione (ϕ,θ) .

 $\boldsymbol{\sigma}$: radar cross section bersaglio.

 $A_e(\phi,\theta)$: area efficace d'antenna in direzione (ϕ,θ) .

La **portata radar** R_{max} (maximum radar range) è la distanza oltre la quale il bersaglio non può essere rivelato: questa condizione si verifica quando l'eco ricevuta ha potenza pari al minimo livello rivelabile ($P_r = S_{min}$).



$$R_{\text{max}} = \left[\frac{P_t G A_e \sigma}{(4\pi)^2 S_{\text{min}}} \right]^{1/4}$$

abile $(P_r = S_{min})$.

P-G-A26

Equazione Radar (III)

• Il segnale ricevuto è costituito dalla somma del segnale utile (eco dal bersaglio di interesse) e dal rumore termico del ricevitore (sempre presente: trascurati al momento disturbi provenienti dall'esterno)

P_n: potenza rumore rx riportata in antenna;

k: costante di Boltzmann:

$$P_n = kT_0BF$$

 T_0 : 290K;

B: banda del ricevitore;

F: figura di rumore del ricevitore;



 $\left(\frac{S}{N}\right)_{r} = \frac{P_{r}}{P_{n}} = \frac{P_{t}GA_{e}\sigma}{\left(4\pi R^{2}\right)^{2}kT_{0}BF}$ RAPPORTO SEGNALE-RUMORE

• La portata radar R_{max} può essere ridefinita in funzione del minimo rapporto S/N, $(S/N)_{min}$, che consente un'opportuna rivelzione:

$$R_{\text{max}} = \left[\frac{P_t G A_e \sigma}{(4\pi)^2 k T_0 B F(S/N)_{\text{min}}}\right]^{1/4}$$

PORTATA RADAR

Equazione Radar (IV)

Varie forme dell'Equazione Radar

L'equazione radar, e di conseguenza l'espressione della portata, può essere particolarizzata in dipendenza delle applicazioni

$$\left(\frac{S}{N}\right)_r = \frac{P_r}{P_n} = \frac{P_t G A_e \sigma}{\left(4\pi R^2\right)^2 k T_0 B F}$$

Si suppone di aver fissato il massimo valore del guadagno d'antenna G (vincolo la larghezza del fascio e quindi la risoluzione angolare): utilizzando $G=4\pi A_e/\lambda^2$

$$\left(\frac{S}{N}\right)_{r} = \frac{P_{t}G^{2}\lambda^{2}\sigma}{(4\pi)^{3}R^{4}kT_{0}BF} \qquad \longrightarrow \qquad R_{\text{max}} = \left[\frac{P_{t}G^{2}\lambda^{2}\sigma}{(4\pi)^{3}kT_{0}BF(S/N)_{\text{min}}}\right]^{1/4} \qquad \text{Preferibili le basse frequenze}$$

 \sim Si suppone di aver fissato il massimo valore dell'area geometrica e quindi efficace d'antenna A_e : utilizzando $A_e = \lambda^2 G/4\pi$

$$\left(\frac{S}{N}\right)_{r} = \frac{P_{t}A_{e}^{2}\sigma}{4\pi R^{4}\lambda^{2}kT_{0}BF} \qquad \Longrightarrow \qquad R_{\text{max}} = \left[\frac{P_{t}A_{e}^{2}\sigma}{4\pi\lambda^{2}kT_{0}BF(S/N)_{\text{min}}}\right]^{1/4} \qquad \text{Preferibili le alte frequenze}$$

Equazione Radar (V)

Fattori di perdita
$$R_{\text{max}} = \left[\frac{P_t G A_e \sigma}{(4\pi)^2 k T_0 B F(S/N)_{\text{min}}} \right]^{1/4}$$
Portata radar nello spazio libero ⇒ unico disturbo considerato: rumore termico del RX.

La portata radar effettiva è diversa da quella predetta nel caso ideale (propagazione nello spazio libero & disturbo≡rumore termico del RX): i fattori che contribuiscono a modificare la portata sono

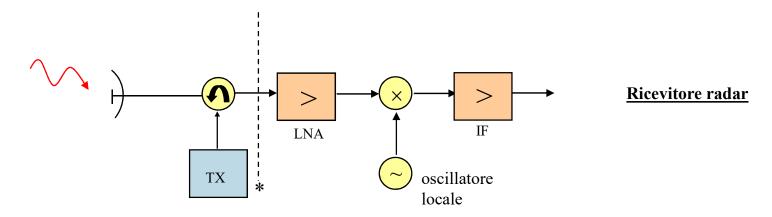
- fattori di perdita dovuti al sistema radar (TX/RX);
- fattori di perdita dovuti a propagazione in atmosfera;
- fenomeni di propagazione anomala (multipath);
- curvatura della superficie terrestre (orizzonte radar);

Inglobando l'effetto di tutti questi fenomeni in un fattore di perdita L, l'espressione della portata nel caso reale diviene:

$$R_{\text{max}} = \left[\frac{P_t G A_e \sigma}{\left(4\pi\right)^2 k T_0 BFL \left(S/N\right)_{\text{min}}} \right]^{1/4}$$

A seguito della non idealità la portata reale può essere anche la metà di quella ideale.

Fattori di perdita TX/RX



La figura di rumore del RX è valutata in genere a partire dal primo elemento attivo della catena ricevente (a valle del punto *: a partire dal Low Noise Amplifier-LNA): vanno quindi considerate le seguenti ulteriori perdite

- potenza di rumore captata dall'antenna (dipende dalla frequenza e dal modo di funzionamento dell'antennapuntamento cielo/terra);
- perdite dovute all'antenna: non tutta la potenza incidente è fornita al RX (già tenute in conto dall'uso del guadagno in potenza anziché della direttività);
- perdite dovute al giunto rotante, alla linea di tx che connette antenna al RX e al duplexer che disaccoppia TX e RX;

⇒ valutazione della F_{tot} e inserimento nella equazione radar.

Definizione di Radar Cross Section

• La radar cross section di un bersaglio è definita come l'area proiettata di una sfera metallica che se messa al posto del bersaglio fornisce al radar lo stesso segnale di ritorno

$$\sigma = \lim_{R \to \infty} 4\pi R^2 \frac{\left| E_s \right|^2}{\left| E_0 \right|^2}$$

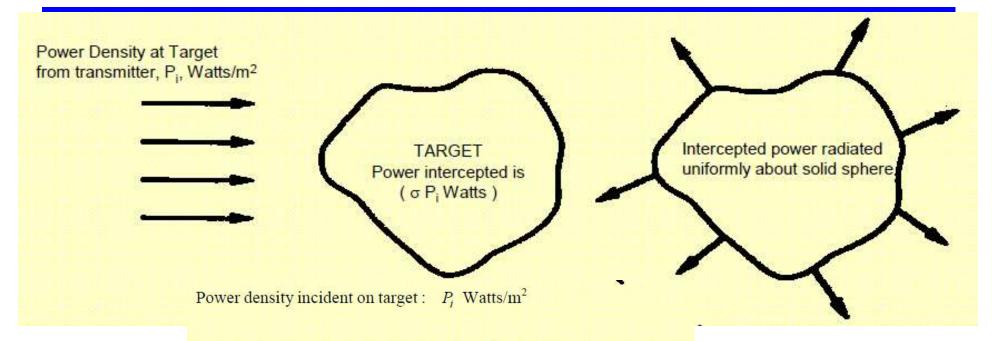
R: distanza radar-bersaglio;

 E_0 : ampiezza campo elettrico incidente al bersaglio;

E_s: ampiezza campo elettrico scatterato dal bersaglio incidente sul radar;

• mentre una sfera dà un ritorno indipendente dall'angolo di vista tutti i bersagli danno ritorni che variano con tale angolo ⇒ in dipendenza del tipo di bersaglio queste variazioni possono essere più o meno veloci.

Radar Cross Section



Power density scattered by target: $P_s = \frac{\sigma P_i}{4\pi R^2}$ Watts/m²

 $\sigma = 4\pi R^2 \frac{P_s}{P_i} = 4\pi R^2 \frac{\left|E^s\right|^2}{\left|E^i\right|^2} = 4\pi R^2 \frac{\left|H^s\right|^2}{\left|H^i\right|^2}$ Solve for RCS:

Power ratio, independent of distance to radar, $R \Rightarrow \infty$

RadioTecnica e Units of AREA, typically square meters

Fisica dello scattering (I)



- Boundary condition for perfect conductor:
- Tangential electric field is zero, i.e., surface is a short circuit, $(E^{total})_{tan}$
- Faraday shield, no fields inside closed PEC (perfect electric conductor)
- Incident wave on conductor induces electric currents and charges which enforce boundary conditions

Fisica dello scattering (II)

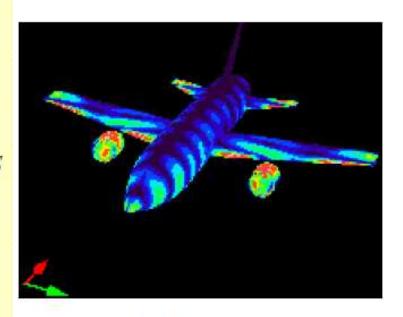
Maxwell's equations, integral form:

$$\vec{E}^{scat}(\vec{R}_f) = \int \left(-j\omega\mu \, \vec{J} \, g - \vec{M} \times \nabla g + \frac{\rho}{\varepsilon} \nabla g \right) dS$$

$$\vec{H}^{scat}(\vec{R}_f) = \int \left(-j\omega\varepsilon \, \vec{M} \, g + \vec{J} \times \nabla g + \frac{\rho^*}{\varepsilon} \nabla g \right) dS$$

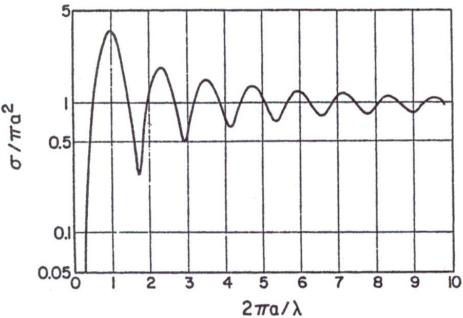
 Green's function is a "Huygen's spherical wavelet

$$g = \frac{e^{j\vec{k}\cdot(\vec{R}_f - \vec{R}_s)}}{4\pi(R_f - R_s)}$$



737 Currents

RCS di una sfera



Sfera metallica di raggio a

Si individuano 3 diverse regioni:

► regione ottica: $\lambda << a \Rightarrow \sigma = \pi a^2$;

► regione di Rayleigh: λ >>a \Rightarrow σ = $\pi a^2 9(ka)^4$ $k=2\pi/\lambda$;

▶ regione di Mie: andamento oscillatorio ⇒ fenomeni di interferenza costruttiva o distruttiva tra l'onda riflessa dalla parte frontale della sfera con quella che si propaga nella parte posteriore.

Osservazioni:

- a causa della simmetria la sfera ha lo stesso comportamento per tutti gli angoli di aspetto;
- nella regione ottica la radar cross section è indipendente dalla frequenza: utile per la calibrazione di radar.

RCS di una superficie piana

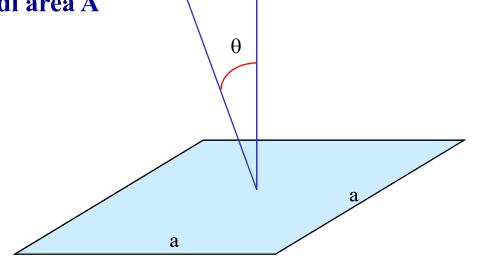
Superficie piana liscia di area A

► Caso di incidenza normale:

$$\sigma = A \cdot G = \frac{4\pi}{\lambda^2} A^2$$

 \triangleright Caso di incidenza con angolo θ :

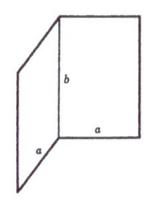
$$\sigma = \frac{4\pi}{\lambda^2} A^2 sinc(kasin\theta)$$



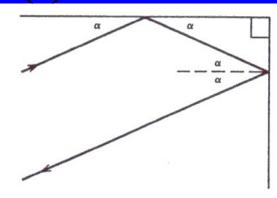
Osservazioni:

- il pattern di reirradiazione va come una forma d'onda di tipo sinc con il primo nullo a 1/2a: tanto maggiore è la superficie tanto più la risposta è concentrata intorno a $\theta=0$;
- la superficie piana utilizzata prevalentemente per incidenza normale: per avere elevati valori di cross section su un ampio intervallo di angoli di aspetto si utilizzano in genere dei corner reflectors.

RCS di un corner reflector (I)



Corner reflector diedro



Corner reflector diedro

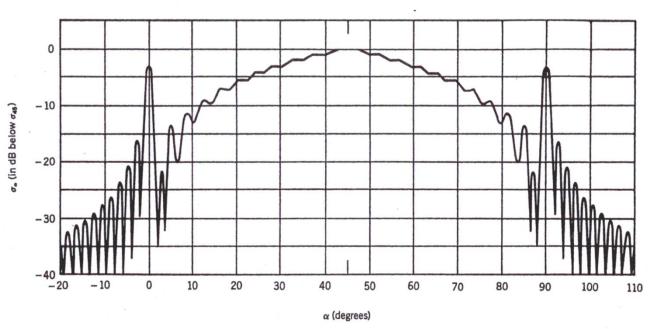
Riflessione da un angolo

- Indipendentemente dal valore di α dopo due riflessioni il raggio riflesso esce parallelo al raggio incidente.
- La radar cross section può essere calcolata tramite l'area efficace del corner reflector cioè l'area che partecipa alla riflessione proiettata normalmente alla direzione di incidenza:

$$\sigma = \frac{4\pi}{\lambda^2} A_e^2 = \frac{4\pi}{\lambda^2} (2absin\alpha)^2 \quad 0^\circ \le \alpha \le 45^\circ$$
$$45^\circ \le \alpha \le 90^\circ \quad \alpha \to 90^\circ - \alpha$$

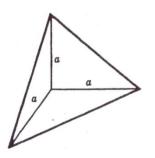
- In realtà si hanno ritorni anche per $\alpha=0^{\circ}$ e 90° (una sola superficie riflette specularmente) e per $\alpha<0^{\circ}$ e $\alpha>90^{\circ}$ fintanto che non subentrano fenomeni d'ombra.
- La direzione di incidenza del raggio deve essere normale alla direzione dell'intersezione delle due superfici costituenti il corner.

RCS di un corner reflector (II)

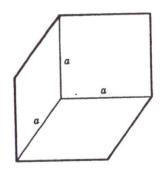


Calculated radar cross section of a dihedral corner reflector.

RCS di un corner reflector (III)



Corner reflector triedro



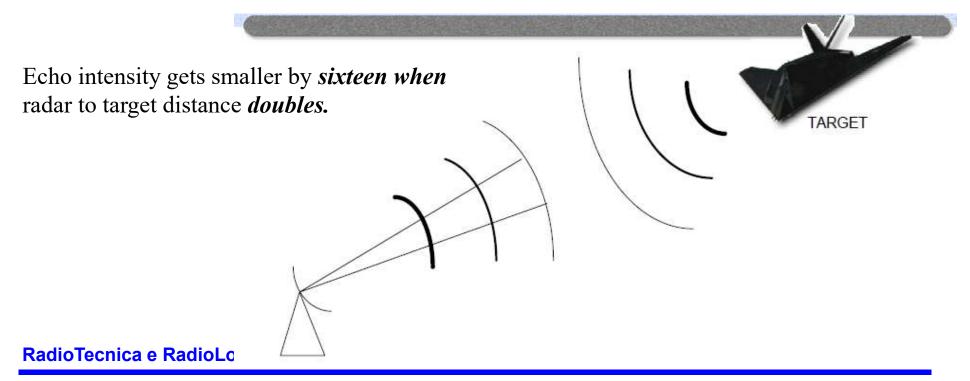
Corner reflector triedro triangolare

Corner reflector triedro quadrato

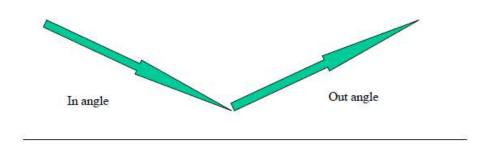
- Il corner reflector triedro ha un'asse di simmetria: qualunque sia il valore dell'angolo di incidenza in entrambi i piani di azimuth ed elevazione dopo tre riflessioni successive sulle tre pareti il raggio globalmente riflesso esce parallelo a quello incidente.
- Corner reflectors triedri triangolari hanno un valore massimo di radar cross section minore di quello proprio dei corner reflectors quadrati ma una copertura angolare intorno all'asse di simmetria maggiore (circa 20° a -3 dB).

Stealth (I)

- stealth (stelth):
- 1. The act of moving, proceeding, or acting in a covert way.
- 2. The quality or characteristic of being furtive or covert.
- 3. Archaic. The act of stealing.
- The act of proceeding slowly, deliberately, and secretly to escape observation:
- furtiveness, slinkiness, sneakiness

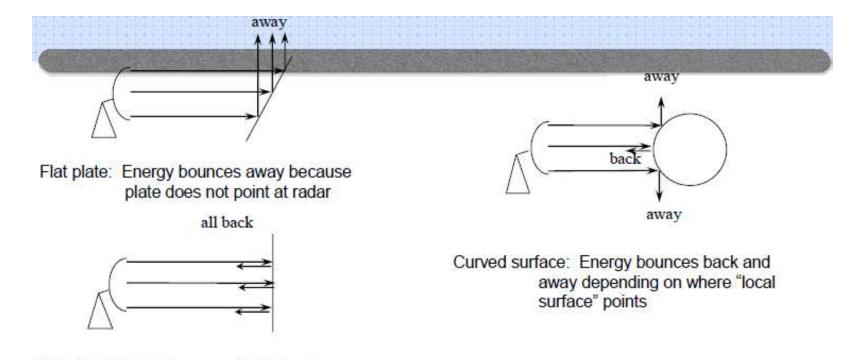


Stealth (II)



Radar wave bounces like a billiard ball: (in angle) = (out angle)

Energy bounces back only when "local surface" faces toward radar



Flat plate: Energy bounces back because

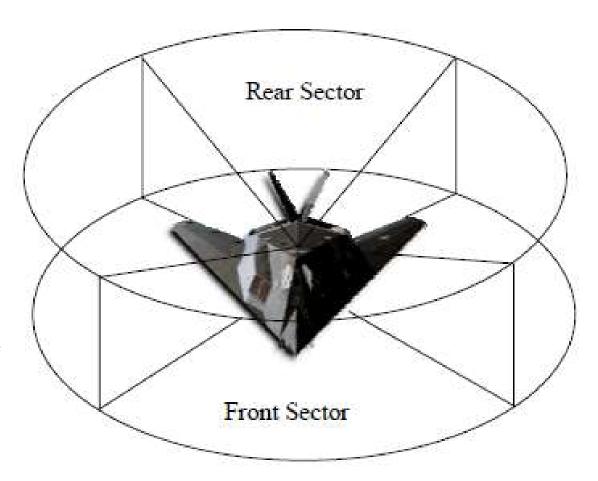
RadioTecnica e

plate points at radar

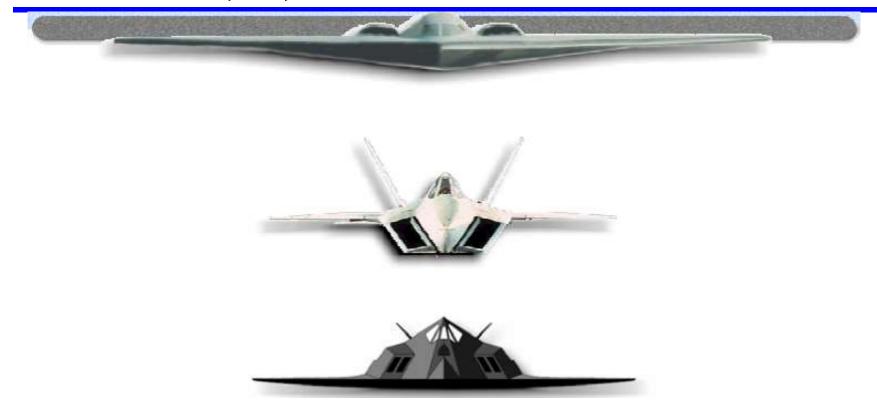
Stealth (III)

Want reduced echo in horizontal plane for: Front, Rear, and Side Sectors

Aircraft radar threats are in the front sector and horizontal plane

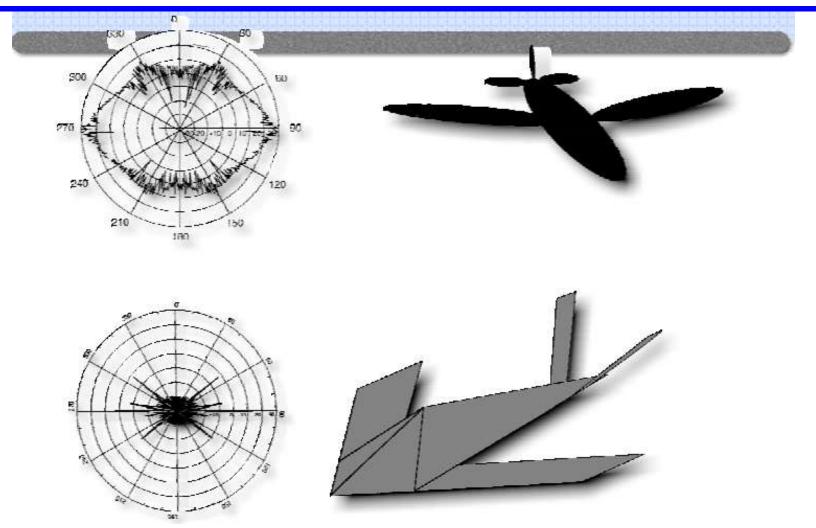


Stealth (IV)



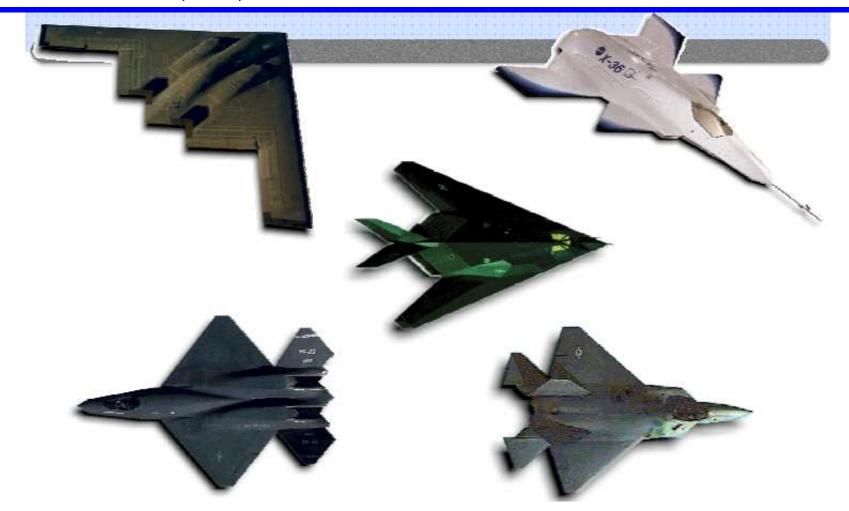
Radar front view of stealth.
Surfaces do not point at radar, thus no backward bounce.

Stealth (V)



Echo pattern for traditional and faceted shapes

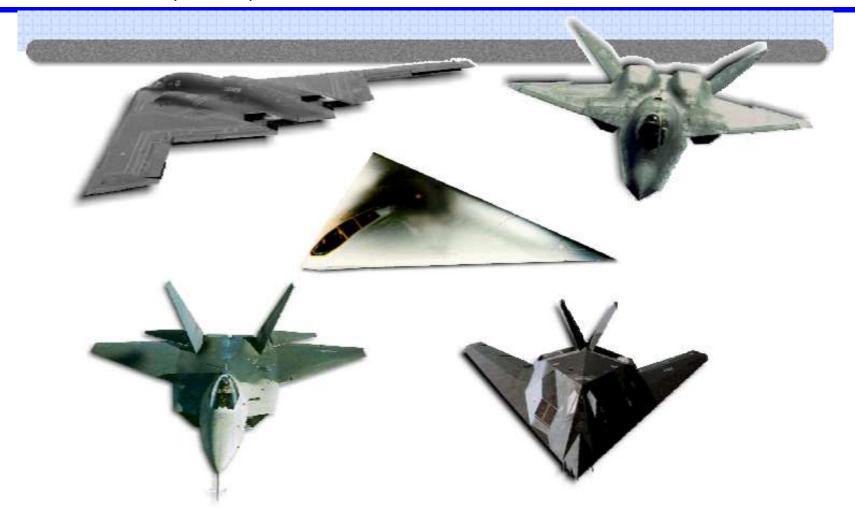
Stealth (VI)



Top view of stealth aircraft showing where echo spikes occur perpendicular to major body edges

RadioTecnica e RadioLocalizzazione

Stealth (VII)



Horizontal view of stealth aircraft.

Esercizio (I)

ESERCIZIO

Un radar di avvistamento ad impulsi non codificati ha le seguenti caratteristiche:

- Probabilità di falso allarme pari a 10⁻⁵;
- Banda L con portante $f_{RF}=2$ GHz;
- Banda utilizzata pari a 1MHz;
- Antenna rettangolare: 12 m dimensione nel piano di azimuth (L_{ϕ}) , 1 m dimensione nel piano di elevazione (L_{θ}) , efficienza pari al 60% (η_a) ;
- Figura di rumore totale del ricevitore F_{dB}=4 dB;
- PRF=500 Hz;

Esercizio (II)

• Quanto deve valere la potenza di picco del trasmettitore se si desidera avere con tale radar una portata, in chiaro, di 150 Km su un bersaglio di 5 m² (RCS) con rapporto segnale a rumore necessario per le prestazioni richieste pari a SNR=12 dB?

L'equazione radar fornisce:

$$SNR = \frac{P_t G^2 \lambda^2 \sigma}{(4\pi)^3 R_{\text{max}}^4 K T_0 F B_{IF}}$$

da cui si ottiene

$$P_{t} = \frac{SNR (4\pi)^{3} R_{\text{max}}^{4} KT_{0} FB_{IF}}{G^{2} \lambda^{2} \sigma}$$

Esercizio (III)

passiamo quindi a determinare il valore delle diverse grandezze che compaiono nelle precedenti espressioni:

- La lunghezza d'onda λ risulta pari a λ =c/f_{RF}=3·10⁸ m/s / 2 GHz= 0.15 m che riportata in dB è pari a λ_{dB} =10log₁₀(λ)= -8.24 dB
- La banda del segnale riportata in dB è pari a $B_{dB}=10log_{10}(B)=10log_{10}(10^6)=60log_{10}(10)=60 dB$
- Il valore del guadagno d'antenna è facilmente calcolabile dai dati forniti: $G=(4\pi/\lambda^2)\cdot\eta_aA_g=4\pi/(0.15\text{ m})^2\cdot0.6\cdot12\text{m}\cdot1\text{m}\approx 4021 \Rightarrow G_{dB}=10log_{10}(G)=36.04\text{ dB}$
- Il valore della radar cross section riportato in dB è pari a σ_{dB} =10log₁₀(σ)= 6.99 dB
- Il valore KT_0 : $(KT_0)_{dBW/Hz} = 10\log_{10}(1.3806505 \cdot 10^{-23} \text{ JK}^{-1} \cdot 290 \text{K}) \approx -204 \text{ dBW/Hz}$

Esercizio (IV)

A questo punto siamo in grado di valutare la potenza di picco necessaria:

$$(P_{t})_{dBW} = SNR_{dB} + 10\log_{10}((4\pi)^{3}) + 10\log_{10}[R_{max}^{4}] + (KT_{0})_{dBW/Hz} + F_{dB} + B_{dB} - G_{dB} - G_{dB} - 2\lambda_{dB} - \sigma_{dB} =$$

$$= SNR_{dB} + 30\log_{10}(4\pi) + 40\log_{10}(R_{max}) + (KT_{0})_{dBW/Hz} + F_{dB} + B_{dB} - G_{dB} - 2\lambda_{dB} - \sigma_{dB} =$$

$$= 12dB + 32.98dB + 207.04dB - 204dBW/Hz + 4dB + 60dB - 36.04dB - 36.04dB + 2 \cdot 8.24dB - 6.99dB =$$

$$= 49.43dbW$$

Riportando il valore 49.43dBW in lineare si ottiene la potenza di picco P_t =87.7 kW.

$$P_t = 10^{0.1(P_t)_{dBW}} = 8.77 \cdot 10^4 W \implies P_t = 87.7 \, kW$$

Esercizio (V)

	dB+	dB-
P_t	$P_t _{dBW}$	
G^2	72.08	
λ^2	-16.48	
σ	6.99	
$(4\pi)^3$		32.98
R_{max}^{4}		207.04
KT_0		-204
F		4
B_{IF}		60
	$P_{t} _{dBW} + 62.59$	100.02
S/N	$P_t _{dBW}$ -37.43	



$$SNR = \frac{P_t G^2 \lambda^2 \sigma}{(4\pi)^3 R_{\text{max}}^4 K T_0 F B_{IF}}$$

$$12 = P_t|_{dBW} - 37.43$$

$$P_{t}|_{dBW} = 49.43$$

D _	$SNR (4\pi)^3 R_{\text{max}}^4 KT_0 FB_{IF}$
I_t —	$-G^2\lambda^2\sigma$

	dB+	dB-
S/N	12	
$(4\pi)^3$	32.98	
R _{max} ⁴	207.04	
KT_0	-204	
F	4	
${f B}_{ m IF}$	60	
G^2		72.08
λ^2		-16.48
σ		6.99
	112.02	62.59
$\left.P_{t}\right _{dBW}$	49.43	