

## Soluzioni del compito del 16 luglio 2010

### Esercizio 1

Si scelga un riferimento con origine al suolo, asse orizzontale  $x$  nella direzione della forza  $F_h$  e l'asse verticale  $y$ , nel quale la sferetta ha inizialmente coordinate  $(0, h)$ . Il moto è uniformemente accelerato su entrambi gli assi:

$$x(t) = \frac{1}{2} \frac{F_h}{m} t^2; y(t) = h - \frac{1}{2} g t^2$$

a) Quando la sferetta tocca il suolo si ha:

$$y(t^*) = 0 = h - \frac{1}{2} g t^{*2}; x(t^*) = D = \frac{1}{2} \frac{F_h}{m} \cdot \frac{2h}{g} = \frac{F_h h}{mg}$$

$$D = \frac{0.15 \cdot 0.80}{7.5 \cdot 10^{-3} \cdot 9.8} = 1.6 \text{ m}$$

b) L'energia cinetica acquisita è pari al lavoro compiuto dalle forze applicate alla sferetta:

$$\begin{aligned} \frac{1}{2} m v^2 &= mgh + F_h D \\ &= 7.5 \cdot 10^{-3} \cdot 9.8 \cdot 0.80 + 0.15 \cdot 1.6 = 0.30 \text{ J} \end{aligned}$$

### Esercizio 2

a) L'acqua e il suo vapore possono essere in equilibrio solo a  $T_F = 100^\circ\text{C}$  che è dunque la temperatura finale del sistema.

b) Il sistema ferro + acqua è isolato e non scambia calore con l'esterno per cui

$$Q = Q_{Fe} + Q_w = 0$$

Tutto il calore ceduto dal ferro è assorbito dall'acqua che raggiunge  $100^\circ\text{C}$  e poi si trasforma in parte in vapore. Si ha

$$\begin{aligned} Q_w &= -Q_{Fe} = -m_{Fe} \cdot c_{Fe} (T_F - T_1) = \\ &= -1.13 \cdot 450 \cdot (100 - 989) \text{ J} = 4.52 \cdot 10^5 \text{ J} \end{aligned}$$

c) Per trovare il volume  $V_{\text{evap}}$  dell'acqua trasformata in vapore calcoliamo la quantità di calore che viene usata per l'evaporazione.

$$Q_w = Q_{\text{risc}} + Q_{\text{evap}} \rightarrow Q_{\text{evap}} = Q_w - Q_{\text{risc}}$$

La massa iniziale dell'acqua è  $m_w = \rho_w \times V_w = 1 \text{ g/cm}^3 \times 1.04 \times 10^3 \text{ cm}^3 = 1.04 \text{ kg}$

$$\begin{aligned} Q_{\text{risc}} &= m_w c_w (T_F - T_2) \\ &= 1.04 \cdot 4186 \cdot (100 - 54.4) = 1.99 \cdot 10^5 \text{ J} \end{aligned}$$

Quindi

$$\begin{aligned} Q_{\text{evap}} &= Q_w - Q_{\text{risc}} = m_{\text{evap}} \cdot \lambda_w \\ &= \rho_w \cdot V_{\text{evap}} \cdot \lambda_w \end{aligned}$$

Da cui si ricava il volume evaporato

$$V_{evap} = \frac{Q_w - Q_{risc}}{\rho_w \cdot \lambda_w}$$

$$= \frac{(4.52 - 1.99) \cdot 10^5 J}{1 \frac{g}{cm^3} \cdot 2272 \frac{J}{g}} = 111 cm^3 = 0.111 l$$

### Esercizio 3

- a) Poiché su  $q_1$  agisce una forza attrattiva, la carica  $q_2$  deve essere positiva. Per effetto del vincolo della barretta sul sistema delle due cariche agisce una forza risultante, indicata nel testo come nulla, pari a

$$\frac{q_1 Q}{4\pi\epsilon_0 (R+r)^2} + \frac{q_2 Q}{4\pi\epsilon_0 (R+r+d)^2} = 0$$

Da cui si ricava il valore

$$q_2 = -q_1 \left( \frac{R+r+d}{R+r} \right)^2 = 1.4 \cdot 10^{-8} \left( \frac{5+45+4.5}{5+45} \right)^2 = 1.7 \cdot 10^{-8} C$$

- b) In assenza della barretta, nella posizione in cui è collocata la carica  $q_1$  agisce una forza dovuta al campo elettrico generato dalle cariche  $Q$  e  $q_2$ :

$$F_1 = q_1 \left[ \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{Q}{(R+r)^2} - \frac{q_2}{d^2} \right) \right] =$$

$$= -1.4 \cdot 10^{-8} \cdot \left[ 9.0 \cdot 10^9 \cdot \left( \frac{2.1 \cdot 10^{-7}}{(0.45+0.05)^2} - \frac{1.7 \cdot 10^{-8} C}{0.045^2} \right) \right] = 9.5 \cdot 10^{-4} N$$

Poiché il campo dovuto a  $q_2$  è più intenso del campo dovuto a  $Q$  la forza risultante tende ad allontanare  $q_1$  dalla sfera ed avvicinarla a  $q_2$ .

### Esercizio 4

La forza magnetica che agisce su un filo di lunghezza  $L$  in cui scorre la corrente  $I$  è  $\mathbf{F} = I \mathbf{L} \times \mathbf{B}$ . Per calcolare la forza su ciascun filo bisogna prima calcolare il campo magnetico lungo esso.

- a. Usiamo il principio di sovrapposizione per trovare il campo dovuto ai fili 2 e 3 lungo il filo 1. Notiamo che entrambi i campi sono perpendicolari al foglio: il campo dovuto a  $I_2$  è entrante mentre quello dovuto a  $I_3$  è uscente. Scegliendo il verso uscente dal foglio come positivo, si ha

$$B_1 = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \left( -\frac{I_2}{d} + \frac{I_3}{2d} \right)$$

$$= \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \left( -\frac{I_2}{d} + \frac{3I_2}{2d} \right) = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1/3}{2d} = \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I_1}{3d}$$

$$= 10^{-7} \cdot \frac{1.38}{3 \cdot 0.0577} = 7.97 \cdot 10^{-7} T$$

Il modulo della forza agente sul filo e`

$$|F_1| = I_1 \cdot L \cdot B_1 = \\ = 1.38 \cdot 20.2 \cdot 7.97 \cdot 10^{-7} = 2.22 \cdot 10^{-5} N$$

b. Usando sempre il principio di sovrapposizione, il campo magnetico lungo il filo 2 e`

$$B_2 = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \left(-\frac{I_1}{d} + \frac{I_3}{d}\right) = 0$$

dato che il campo e` nullo, sul filo 2 non agisce alcuna forza.

c. Per calcolare la forza sulla particella carica bisogna prima calcolare il campo nel punto in cui si trova la particella

$$B = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \left(-\frac{I_1}{3d} + \frac{I_2}{2d} - \frac{I_3}{d}\right) = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \left(-\frac{3I_2}{3d} + \frac{I_2}{2d} - \frac{3I_2}{d}\right) \\ = \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_2}{d} \cdot \left(-1 + \frac{1}{2} - 3\right) = -\frac{7}{2} \cdot \frac{\mu_0}{2\pi} \cdot \frac{I_1}{3d} = -\frac{7}{3} \cdot \frac{\mu_0}{4\pi} \cdot \frac{I_1}{d} \\ = -\frac{7}{3} \cdot 10^{-7} \cdot \frac{1.38}{0.0577} = -5.58 \cdot 10^{-6} T$$

Il campo e` entrante nel punto in cui si trova la particella. La forza e` data da  $\mathbf{F} = q \mathbf{v} \times \mathbf{B} = -e \mathbf{v} \times \mathbf{B}$ . Usando la regola della mano destra e tenendo presente che la carica e` negativa, si ha che la forza e` diretta verso il basso con modulo

$$F = e \cdot v \cdot B \\ = 1.6 \cdot 10^{-19} \cdot 5.33 \cdot 10^5 \cdot 5.58 \cdot 10^{-6} = 4.76 \cdot 10^{-19} N$$

### Esercizio 5

- L'ingrandimento trasversale e'  $m = -4 = -q/p$  e quindi  $q = -mp = 4 \times 110 = 440$  cm. L'immagine e' reale invertita e ingrandita.
- La distanza focale si ottiene da:  $1/f = 1/p + 1/q = 1/110 + 1/440 \rightarrow f = 88$  cm.
- Per calcolare l'indice di rifrazione:  $1/f = (n-1)(1/R_1 - 1/R_2)$ , da cui  $n = 1 + [R_1 R_2 / f(R_2 - R_1)]$ . Sostituendo i valori numerici  $n = 1 + [60 \cdot (-165) / 88 \cdot (-225)] = 1.50$ .

