Cinetica enzimatica

Funzione e applicazione di enzimi

- Gli enzimi sono catalizzatori biologici che permettono lo svolgimento di ogni processo biochimico che ha luogo all'interno della cellula.
- La catalisi enzimatica rende possibile la rottura dei legami chimici dei nutrienti ricavando così l'energia necessaria allo svolgimento delle funzioni metaboliche e permettendo la sintesi dei differenti componenti cellulari.
- Migliaia di diversi enzimi catalizzano praticamente tutti le reazioni che si svolgono nella cellula. Essi non solo creano blocchi come gli amminoacidi, acidi e nucleotidi, ma li assemblano anche in molecole di DNA base per base, e in proteine amminoacido per amminoacido, nell'ordine corretto. Cosa molto importante, gli enzimi permettono lo svolgimento di tali processi con velocità elevate (es. In Escherichia Coli, una copia completa del genoma composto da circa 4 milioni di basi è prodotta in circa 0.5 h).
- Gli enzimi non solo presenti solo nella cellula ma possono essere rilasciati anche nell'ambiente esterno permettendo la conversione di composti in forme che possano essere assimilate (esempi: cellulasi che permettono la produzione di glucosio dalla cellulose, proteasi che permettono la sintesi di amminoacidi e peptidi da proteine).

Funzione e applicazione di enzimi

- Con la loro versatilità, la capacità catalitica degli enzimi è stata sfruttata dagli uomini, prima inconsapevolmente nella produzione di alimenti e, dal secolo scorso, intenzionalmente in applicazioni industriali.
- Oggi, gli enzimi vengono utilizzati sistematicamente in tutto il settore industriale della produzione di alimenti (esempio: le amilasi vengono utilizzate per convertire l'amido in glucosio, la glucosio isomerasi viene utilizzata per convertire il glucosio in una miscela di glucosio e fruttosio usata come dolcificante nelle bevande analcoliche)
- Gli enzimi sono utilizzati anche per la produzione di farmaci, nonché per l'uso diretto come medicinali (esempi: modifica della penicillina prodotta nei bioprocessi mediante sostituzione di un lato della catena della penicillina nativa con un altro gruppo chimico, garantendo migliori caratteristiche cliniche e un diverso spettro antibatterico).
- Gli enzimi vengono utilizzati direttamente nel trattamento dei pazienti. La DNasi, ad esempio, è usata per trattare pazienti con fibrosi cistica.

- Gli enzimi sono catalizzatori biologici in grado di aumentare la cinetica di una reazione chimica senza subire cambiamenti chimici permanenti o influenzare l'equilibrio della reazione catalizzata;
- la maggior parte degli enzimi catalizza una sola reazione di uno specifico substrato;
- esistono in realtà anche enzimi meno specifici che catalizzano classi di reazioni con più substrati;
- il grado di specificità di un enzima è strettamente connesso al suo ruolo biologico;
- la specificità di un enzima sembra essere la conseguenza della sua elaborata conformazione tridimensionale che permette la formazione di un sito attivo responsabile delle abilità catalitiche dell'enzima.

- Un'altra caratteristica distintiva degli enzimi è il loro frequente bisogno di cofattori come attivatori della catalisi.
- I cofattori sono composti non proteici che si combinano con la proteina inattiva (apoenzima) per dare un complesso cataliticamente attivo spesso identificato con il termine oloenzima.
- Esistono due differenti tipi di cofattori:

```
semplici ioni metallici (tipo Ca2+, Co2+, Cu2+, Fe2+ e Fe3+, Mg2+, Mn2+, Na+, Zn2+)
```

complesse molecole organiche chiamate coenzimi (NAD, FAD, CoA, ATP).

- Sia i catalizzatori sintetici che gli enzimi possono perdere gradualmente la loro attività catalitica.
- In generale comunque gli enzimi sono più fragili dei catalizzatori sintetici in quanto ogni fattore ambientale che disturba la conformazione nativa della proteina ne può alterare le proprietà catalitiche.
- Gli enzimi sono generalmente più attivi (determinano un maggior incremento della cinetica) dei catalizzatori sintetici.
- Una misura comune dell'attività catalitica è il numero di turnover definito come il numero di molecole di substrato che reagiscono per sito catalitico per unità di tempo.

Confronto tra numeri di turnover di enzimi e catalizzatori sintetici

- A temperatura ambiente (la temperatura a cui è generalmente massima l'attività enzimatica) gli enzimi sono più attivi della maggior parte dei catalizzatori sintetici.
- Tuttavia incrementando la temperatura di reazioni molti catalizzatori di sintesi possono diventare attivi come gli enzimi a temperatura ambiente.
- Viceversa gli enzimi non presentano un incremento continuo di attività col crescere della temperatura.

Confronto tra numeri di turnover di enzimi e catalizzatori sintetici

Enzyme	Reaction	Range of reported N values at $0-37^{\circ}$ C $2-2 \times 10^{3}$	
Ribonuclease	Transfer phosphate of a polynucleotide		
Trypsin	Hydrolysis of peptides	$3 \times 10^{-3} - 1 \times 10^{2}$	
Papain	Hydrolysis of peptides	$8 \times 10^{-2} - 1$	$\times 10^{1}$
Bromelain, t	Hydrolysis of peptides	$4 \times 10^{-3} - 5 \times 10^{-1}$ $8 \times 10^{-1} - 6 \times 10^{5}$	
Carbonic anhydrase	Reversible hydration of carbonyl compounds		
Fumarate hydratase	L-Malate \rightleftharpoons fumarate + H_2O	1×10^3 (forward)	
•		3×10^3 (rev	verse)
Solid catalyst	Reaction	N	Temp., °C
SiO ₂ -Al ₂ O ₃ (impregnated)	Cumene cracking .	3×10^{-8}	25
	•	2×10^4	420
Decationized zeolite	Cumene cracking	$\sim 10^{3}$	25
		$\sim 10^{8}$	325
V_2O_3	Cyclohexene dehydrogenation	7×10^{-11}	25
		10^2	350
Treated Cu ₃ Au	HCO ₂ H dehydrogenation	2×10^{7}	25
	2 , 0	3×10^{10}	327
AlCl ₃ -Al ₂ O ₃	n-Hexane isomerization (liquid)	1×10^{-2}	25
	• •	1.5×10^{-2}	60

• Per sviluppare ed analizzare un sistema catalizzato da enzimi, è necessario avere a disposizione modello cinetico in grado di descrivere come cambia la velocità di reazione al variare dei parametri operativi:

r = f(composizione, T, pH)

- Una volta disponibile, tale modello può essere utilizzato per risolvere problemi di progetto e controllo.
- Attraverso lo sviluppo di un modello cinetico, è possibile andare ad identificare i meccanismi che governano l'attività catalitica.
- La tecnica di modellazione cinetica di reazioni catalizzate da enzimi è la seguente:
 - 1) identificazione delle reazioni elementari su scala molecolare di uno o più intermedi reattivi
 - 2) determinazione di una velocità globale di reazione mediante semplici manipolazioni matematiche.

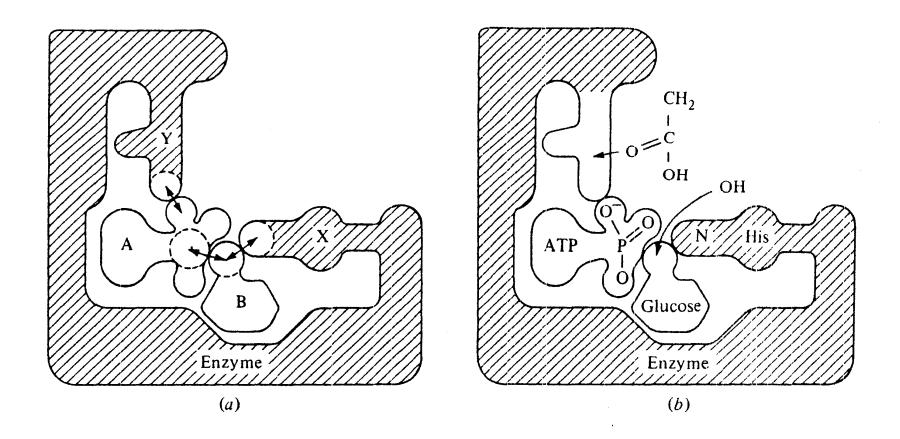
Classi enzimi

ossidoreduttasi (reazioni di ossidoriduzione)	1.1 che agiscono su >CH-OH 1.2 agiscono su >C=O 1.3 che agiscono su >C=CH- 1.4 che agiscono su >CH-NH ₂ 1.5 che agiscono su >CH-NH- 1.6 che agiscono su NADH;NADPH	
transferasi (trasferimento di gruppi funzionali)	2.1 gruppi ad un atomo di carbonio 2.2 gruppi aldeidici o chetonici 2.3 gruppi acile 2.4 gruppi glicosilici 2.7 gruppi fosforici 2.8 gruppi contenenti S	A+B ⇌ P+Q
idrolasi (reazioni di idrolisi)	3.1 esteri 3.2 legami glicosidici 3.4 legami peptidici 3.5 altri legami C-N 3.6 anidridi acide	
(addizione a doppi legami)	4.1 >C=C< 4.2 >C=O 4.3 >C=N-	A ⇌P+Q
isomerasi (reazioni di isomerizzazione)	5.1 racemasi	A⇌P
ligasi (formazione di legami con rottura di ATP)	6.1 C-O 6.2 C-S 6.3 C-N 6.4 C-C	A+B+C ⇌ P+Q+R

Il complesso enzima-substrato

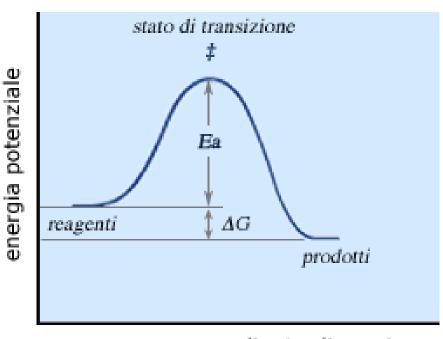
- La teoria dell'esistenza del complesso enzima-substrato è avvalorata da numerosi studi sperimentali;
- I legami alla base della formazione del complesso sono spesso deboli forze attrattive anche se sono noti esempi in cui si formano legami covalenti;
- Il complesso si forma quando il substrato interagisce con il sito attivo con una specificità che richiama l'idea della chiave con la serratura;
- La specificità delle interazioni sito attivo-substrato fa si che gli enzimi possano legare i specifici substrati nel sito attivo in modo tale che le loro zone reattive siano vicine (effetto di prossimità) e in più siano orientate nel modo più favorevole possibile (effetto di orientazione)

Il complesso enzima-substrato

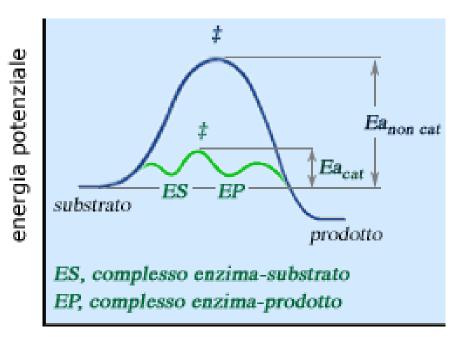


Schematizzazione dell'interazione enzima-substrato: (a) effetto di prossimità; (b) effetto di orientazione.

Azione del complesso ES

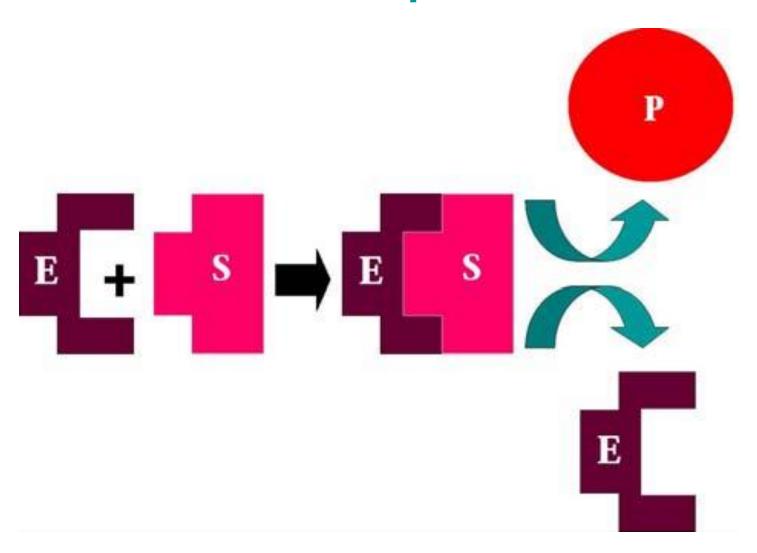


coordinata di reazione



coordinata di reazione

Dal complesso enzima-substrato al rilascio dei prodotti



Sperimentazione per la caratterizzazione cinetica 1

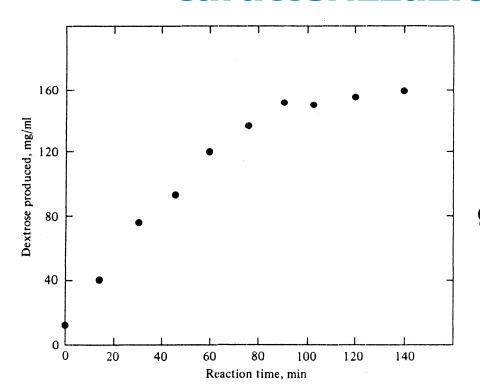
Lo sviluppo di modelli cinetici per reazioni enzimatiche necessita sia nella fase di sviluppo che in quella di convalida del supporto dei dati sperimentali.

La velocità di reazione ν , per una reazione del tipo $S \rightarrow P$ è definita come

$$v = -\frac{ds}{dt} = \frac{dp}{dt}$$

Un esperimento tipico per la determinazione della cinetica enzimatica consiste nel miscelare al tempo zero una miscela di substrati con una quantità nota di enzima purificato in un reattore agitato, termostatato e con controllo del pH. Le concentrazioni di substrato e prodotto sono monitorate nel tempo mediante varie tecniche analitiche.

Sperimentazione per la caratterizzazione cinetica 2



ESEMPIO: Idrolisi dell'amido da parte della glucosioamilasi in un reattore batch

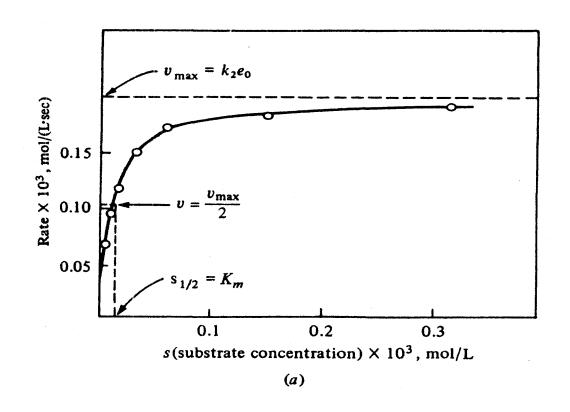
L'analisi dei dati sperimentali mette in evidenza alcune caratteristiche comuni a molte cinetiche enzimatiche:

- la velocità di reazione è del primo ordine per bassi valori della C del substrato
- la velocità di reazione è indipendente dalla C del substrato per alti valori della stessa
- la velocità di reazione è proporzionale alla C di enzima presente

Cinetica di Michaelis-Menten

Il comportamento sperimentale riportato, è stato descritto mediante l'equazione cinetica di Michaelis-Menten

$$v = \frac{v_{\text{max}} s}{K_m + s}$$



con $v_{max} = \alpha e_0$ (dove e_0 è la concentrazione totale di enzima) è la velocità massima e Km è nota come costante di Michaelis (è uguale alla concentrazione di substrato per cui $v = v_{max}/2$)

Derivazione teorica Cinetica di Michaelis-Menten 1

$$S + E \overset{k_1}{\underset{k_1}{\longleftrightarrow}} ES$$
 e $ES \overset{k_2}{\longrightarrow} P + E$

Michaelis and Menten assunsero che la formazione del complesso fosse una reazione all'equilibrio trascurandone la cinetica di formazione (ipotizzata infinita)

$$\frac{s \cdot e}{(es)} = \frac{k_{-1}}{k_1} = K_m \quad (1) \quad \text{Costante di dissociazione}$$

mentre la decomposizione del complesso per dare il prodotto fosse irreversibile

$$v = \frac{dp}{dt} = k_2(es) \qquad (2)$$

Il bilancio di materia dell'enzima è

$$e_0 = e + (es) \tag{3}$$

Ricavando e dalla (1) si ha

$$e = \frac{K_m}{s}(es)$$

Derivazione teorica Cinetica di Michaelis-Menten 2

Sostituendo nel bilancio dell'enzima (3) l'espressione $e = \frac{K_m}{s}(es)$ si ottiene una espressione di es

$$e_0 = \frac{K_m}{s} (es) + (es) = \left(\frac{K_m}{s} + 1\right) (es)$$
 (4)

$$(es) = \frac{e_0}{\frac{K_m}{s} + 1} = \frac{e_0 s}{K_m + s}$$
 (5)

da sostituirsi in *v*

$$v = \frac{dp}{dt} = -\frac{ds}{dt} = \frac{k_2 e_0 s}{K_m + s}$$

da cui si può vedere come la costante di Michaelis equivale alla costante di dissociazione del complesso attivato

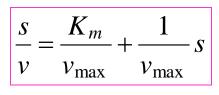
Stima dei parametri cinetici dell'equazione di Michaelis-Menten 1

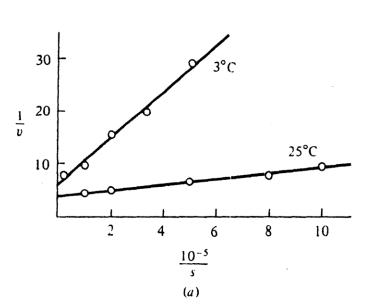
La stima dei parametri dell'equazione di Michaelis-Menten può essere effettuata utilizzando una delle seguenti forme linearizzate del modello

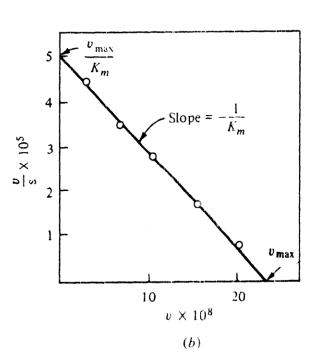
$$\frac{1}{v} = \frac{1}{v_{\text{max}}} + \frac{K_m}{v_{\text{max}}} \frac{1}{s}$$

Lineweaver-Burk

$$v = v_{\text{max}} - K_m \frac{v}{s}$$







Stima dei parametri cinetici dell'equazione di Michaelis-Menten 2

- Nella linearizzazione di Lineweaver-Burk i valori di velocità noti con maggiore accuratezza (prossimi a v_{max}) sono tutti concentrati nell'origine, mentre le velocità maggiormente affette da errori (basse velocità) sono quelli che più lontani dall'origine influenzano la stima della pendenza (Km/v_{max}).
- Nella linearizzazione di Eadie-Hofstee la variabile maggiormente affetta da errore (v) è contenuta sia nella variabile indipendente che in quella dipendente.
- La terza linearizzazione tende a distribuire i valori ottenuti per alte v, così da ottenere una stima accurata della pendenza (1/v_{max}), mentre l'intercetta è spesso molto vicina all'origine non consentendone una buona stima.
- Queste considerazioni suggeriscono di determinare v_{max} come intercetta della prima linearizzazione o come pendenza dalla seconda. Utilizzando poi il grafico v vs. s si può determinare K_m dalla concentrazione di substrato per cui v=v_{max}/2

- La grande maggioranza delle reazioni enzimatiche coinvolge almeno due substrati, di cui però in genere uno è l'acqua la cui concentrazione è pressoché costante nel corso della reazione essendo 1000 o più volte concentrata dell'altro substrato.
- In molte reazioni enzimatiche che coinvolgono due substrati appare un complesso ternario in cui entrambi i substrati sono attaccati all'enzima (ES₁S₂).
- Una possibile sequenza di reazioni con relative costanti di dissociazione dei complessi è

$$\mathcal{S}_1 + E \longleftrightarrow E\mathcal{S}_1$$

$$K_1 = \frac{s_1 e}{(e s_1)}$$

$$S_2 + E \leftrightarrow ES_2$$

$$K_2 = \frac{s_2 e}{(e s_2)}$$

$$ES_1 + S_2 \leftrightarrow ES_1S_2$$

$$K_{12} = \frac{s_2(es_1)}{(es_1s_2)}$$

$$ES_2 + S_1 \leftrightarrow ES_1S_2$$

$$K_{21} = \frac{s_1(es_2)}{(es_1s_2)}$$

$$ES_1S_2 \stackrel{k}{\rightarrow} P + E$$

Da cui

$$v = \frac{dp}{dt} = k(es_1s_2)$$

Partendo dal bilancio dell'enzima

$$e_0 = e + (es_1) + (es_2) + (es_1s_2)$$

Si sostituiscono le espressioni di e, (es_1) ed (es_2) ottenute dalle reazioni di equilibrio sopra ipotizzate e si ottiene un'espressione di (es_1s_2) da inserire in v

$$e_0 = \frac{1}{2} \left[\frac{K_1}{s_1} \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_2}{s_2} \frac{K_{21}}{s_1} \right] (es_1 s_2) + \frac{K_{12}}{s_2} (es_1 s_2) + \frac{K_{21}}{s_1} (es_1 s_2) + (es_1 s_2)$$

dove l'espressione ottenuta per e viene ripartita tra le due vie di formazione del complesso (es₁s₂) tramite i complessi (es₁) e (es₂):

 $2E + S_1 + S_2 \leftrightarrow ES_1 + ES_2$ *vedi slides successive per passaggi matematici

$$\mathcal{S}_1 + \mathcal{E} \longleftrightarrow \mathcal{E} \mathcal{S}_1$$

$$K_1 = \frac{s_1 e}{(e s_1)}$$

$$S_2 + E \leftrightarrow ES_2$$

$$K_2 = \frac{s_2 e}{(es_2)}$$
 2)

$$ES_1 + S_2 \leftrightarrow ES_1S_2$$

$$K_{12} = \frac{s_2(es_1)}{(es_1s_2)}$$
 3)

$$ES_2 + S_1 \leftrightarrow ES_1S_2$$

$$K_{21} = \frac{s_1(es_2)}{(es_1s_2)}$$
 4)

$$ES_1S_2 \stackrel{k}{\rightarrow} P + E$$

Dalla 1

Dalla 2

Dalla 3

$$e = \frac{K_1}{s_1} (es_1)$$

$$e = \frac{K_2}{s_2} (es_2)$$

$$e = \frac{K_1}{s_1}(es_1)$$
 $e = \frac{K_2}{s_2}(es_2)$ $(es_1) = \frac{K_{12}}{s_2}(es_1s_2)$

$$(es_2) = \frac{K_{21}}{s_1} (es_1 s_2)$$

$$e = \frac{K_1}{s_1} (es_1) = \frac{K_1}{s_1} \cdot \frac{K_{12}}{s_2} (es_1s_2)$$

$$e = \frac{K_1}{s_1}(es_1) = \frac{K_1}{s_1} \cdot \frac{K_{12}}{s_2}(es_1s_2) \qquad e = \frac{K_2}{s_2}(es_2) = \frac{K_2}{s_2} \cdot \frac{K_{21}}{s_1}(es_1s_2)$$

$$e = \frac{K_1}{s_1}(es_1) = \frac{K_1}{s_1} \cdot \frac{K_{12}}{s_2}(es_1s_2) \qquad e = \frac{K_2}{s_2}(es_2) = \frac{K_2}{s_2} \cdot \frac{K_{21}}{s_1}(es_1s_2)$$

Quindi

$$e = \frac{1}{2} \left[\frac{K_1}{s_1} \cdot \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_2}{s_2} \cdot \frac{K_{21}}{s_1} \right] (es_1 s_2)$$

$$(es_1) = \frac{K_{12}}{s_2}(es_1s_2)$$
 $(es_2) = \frac{K_{21}}{s_1}(es_1s_2)$

Essendo

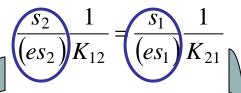
$$e_0 = e + (es_1) + (es_2) + (es_1s_2)$$

Si ha

$$e_0 = \frac{1}{2} \left[\frac{K_1}{s_1} \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_2}{s_2} \frac{K_{21}}{s_1} \right] (es_1 s_2) + \frac{K_{12}}{s_2} (es_1 s_2) + \frac{K_{21}}{s_1} (es_1 s_2) + (es_1 s_2)$$

Tuttavia uguagliando le espressioni di es₁s₂ da K_{12} (eq. 3) e (eq.) K_{21} si ottiene

$$\frac{s_2(es_1)}{K_{12}} = \frac{s_1(es_2)}{K_{21}}$$



e sostituendo da K_1 (eq. 1) e K_2 (eq. 2)

$$\underbrace{\frac{K_2}{e}}_{K_{12}} \underbrace{\frac{1}{e}}_{K_{21}} \underbrace{\frac{1}{e}}_{K_{21}}$$

$$S_1 + E \leftrightarrow ES_1$$
 $K_1 = \frac{s_1 e}{(es_1)}$ 1)

$$S_2 + E \leftrightarrow ES_2$$
 $K_2 = \frac{s_2 e}{(es_2)}$

$$ES_1 + S_2 \leftrightarrow ES_1S_2$$
 $K_{12} = \frac{s_2(es_1)}{(es_1s_2)}$ 3)

$$ES_2 + S_1 \leftrightarrow ES_1S_2$$
 $K_{21} = \frac{s_1(es_2)}{(es_1s_2)}$ 4)

$$ES_1S_2 \xrightarrow{k} P + E$$

$$K_{12}K_1 = K_{21}K_2$$

$$K_{12}K_1 = K_{21}K_2$$

Sostituendo questa relazione nel primo termine a secondo membro del bilancio dell'enzima

$$e_0 = \frac{1}{2} \left[\frac{K_1}{s_1} \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_2}{s_2} \frac{K_{21}}{s_1} \right] (es_1 s_2) + \frac{K_{12}}{s_2} (es_1 s_2) + \frac{K_{21}}{s_1} (es_1 s_2) + (es_1 s_2)$$

Si ottiene

$$e_0 = \left[\frac{1}{2} \left(\frac{K_1 K_{12}}{s_1 s_2} + \frac{K_1 K_{12}}{s_1 s_2}\right) + \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_{21}}{s_1} + 1\right] (es_1 s_2)$$

$$e_0 = \left(\frac{K_1 K_{12}}{s_1 s_2} + \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_{21}}{s_1} + 1\right) (es_1 s_2)$$

Da cui

$$(es_1s_2) = \frac{e_0}{\frac{K_1K_{12}}{s_1s_2} + \frac{K_{12}}{s_2} + \frac{K_{21}}{s_1} + 1} = \frac{e_0s_1s_2}{K_1K_{12} + K_{12}s_1 + K_{21}s_2 + s_1s_2}$$

Il modello cinetico prende quindi la forma $v = \frac{dp}{dt} = k(es_1s_2)$

$$v = \frac{ke_0s_1s_2}{K_1K_{12} + K_{12}s_1 + K_{21}s_2 + s_1s_2}$$

Dividendo numeratore e denominatore per (s₂+K₁₂) e riarrangiando si ottiene

$$v = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{K_1K_{12} + K_{12}s_1 + K_{21}s_2 + s_1s_2}{s_2 + K_{12}}} = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{s_1(s_2 + K_{12}) + K_{21}s_2 + K_1K_{12}}{s_2 + K_{12}}} = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{s_1 + K_{21}s_2 + K_1K_{12}}{s_2 + K_1K_{12}}}$$

$$v = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{K_1K_{12} + K_{12}s_1 + K_{21}s_2 + s_1s_2}{s_2 + K_{12}}} = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{s_1(s_2 + K_{12}) + K_{21}s_2 + K_1K_{12}}{s_2 + K_{12}}} = \frac{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}s_1}{\frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}}s_1$$

che ponendo

$$v_{\text{max}}^* = \frac{ke_0s_2}{s_2 + K_{12}}$$
 $K_1^* = \frac{K_{21}s_2 + K_1K_{12}}{s_2 + K_{12}}$

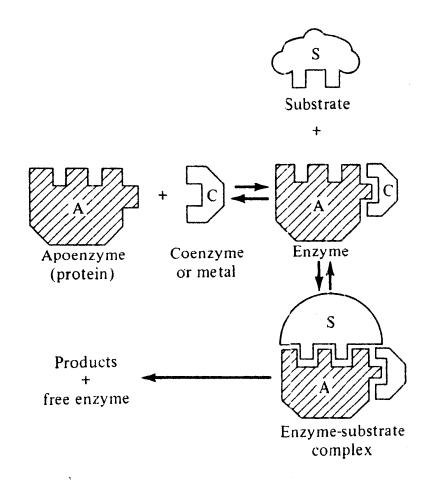
si può semplificare nella forma

$$v = \frac{v_{\text{max}}^* s_1}{K_1^* + s_1}$$

$$v = \frac{v_{\text{max}}^* S_1}{K_1^* + S_1}$$
 con $v_{\text{max}}^* = \frac{ke_0 s_2}{s_2 + K_{12}}$ $K_1^* = \frac{K_{21} s_2 + K_1 K_{12}}{s_2 + K_{12}}$

- Se la concentrazione di S_2 rimane costante, v^*_{max} e K^*_1 sono costanti apparenti e la cinetica è rappresentabile dal modello di Michaelis-Menten. Viceversa se S_2 varia sostanzialmente nel corso della reazione va considerata la dipendenza di v^*_{max} e K^*_1 dalla concentrazione di S_2 .
- Se il substrato S_2 è in forte eccesso ($s_2 >> K_{12}$) v^*_{max} tende a ke_0 e K^*_1 a K_{21} , e la cinetica può considerarsi dipendente solo dal primo substrato con una legge di tipo Michaelis-Menten.
- Se i due substrati si devono legare all'enzima in un ordine obbligatorio l'espressione cinetica si ottiene facendo tendere a infinito la costante di dissociazione della reazione proibita.

 La partecipazione di un cofattore (ione metallico o coenzima) in una reazione enzimatica può essere rappresentata schematicamente



 Assumendo che il substrato si leghi solo al complesso apoenzima-cofattore si ottiene il seguente schema di reazione

$$E + C \longleftrightarrow EC$$

$$K_C = \frac{e \cdot c}{(ec)}$$
 $e = \frac{K_C \cdot (ec)}{c} = \frac{K_C}{c} \cdot \frac{K_S \cdot (ecs)}{s}$

$$EC + S \leftrightarrow ECS$$

$$K_S = \frac{(ec) \cdot s}{(ecs)}$$
 $(ec) = \frac{K_S \cdot (ecs)}{s}$

$$ECS \xrightarrow{k} P + E$$

Da cui

$$v = \frac{dp}{dt} = k(ecs)$$

Sostituendo nel bilancio dell'enzima le espressioni di **e** ed **(ec)** ricavati dalle costanti di equilibrio

$$e_0 = e + (ec) + (ecs) = \frac{K_C}{c} \frac{K_S}{s} (ecs) + \frac{K_S}{s} (ecs) + (ecs) = \left(\frac{K_C}{c} \frac{K_S}{s} + \frac{K_S}{s} + 1\right) (ecs)$$

si ottiene un'espressione di (ecs)

$$(ecs) = \frac{e_0}{\frac{K_C}{c} \frac{K_S}{s} + \frac{K_S}{s} + 1} = \frac{e_0cs}{K_C K_S + K_S c + cs} = \frac{e_0cs}{K_S (c + K_C) + cs}$$

Da cui

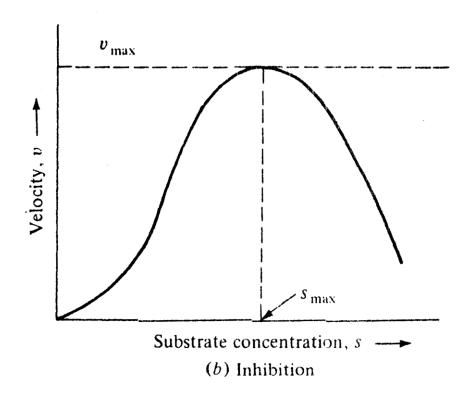
$$v = \frac{dp}{dt} = \frac{ke_0cs}{K_S(c + K_C) + cs} = \frac{ke_0cs}{K_SK_C + (s + K_S)c}$$

$$v = \frac{dp}{dt} = \frac{ke_0cs}{K_SK_C + (s + K_S)c}$$

Se la concentrazione di S è considerata costante, l'espressione precedente mostra una dipendenza di tipo Michaelis-Menten rispetto alla concentrazione del cofattore:

- se la concentrazione di cofattore è bassa (c << K_C), la velocità è del primo ordine rispetto a c;
- se la concentrazione di cofattore è alta (c $>> K_C$), la cinetica diventa indipendente dalla sua concentrazione.

Modello cinetico per inibizione da substrato 1



In alcuni casi quando è presente un'elevata concentrazione di substrato la cinetica enzimatica è diminuita per effetto dell'inibizione da substrato: la velocità di reazione passa per un massimo e poi man mano che la concentrazione del substrato aumenta tende a diminuire.

Modello cinetico per inibizione da substrato 2

Si ipotizza che si possa formare un complesso ternario ES₂ che non dà prodotto e che lo step cineticamente limitante sia la degradazione del complesso ES

$$E + S \underset{k_{-1}}{\longleftrightarrow} ES$$
 con $K_1 = \frac{k_{-1}}{k_1} = \frac{s \cdot e}{(es)}$

$$ES + S \stackrel{k_2}{\longleftrightarrow} ES_2$$
 con $K_2 = \frac{k_{-2}}{k_2} = \frac{s \cdot (es)}{(es_2)}$

$$ES \xrightarrow{k} P + E$$

da cui
$$v = \frac{dp}{dt} = k(es)$$

 $e_0 = e + (es) + (es_2)$ Considerando il bilancio di materia dell'enzima

si determinano delle espressioni di e ed (es₂)

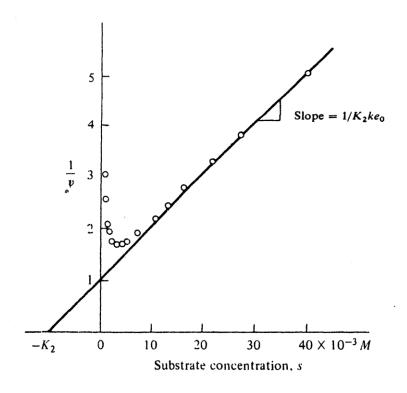
$$e_0 = \frac{K_1}{s}(es) + (es) + \frac{s}{K_2}(es) = (es)\left(\frac{K_1}{s} + 1 + \frac{s}{K_2}\right)$$

$$v = \frac{ke_0}{\frac{K_1}{s} + 1 + \frac{s}{K_2}} = \frac{ke_0s}{K_1 + s + \frac{s^2}{K_2}}$$

$$v = \frac{ke_0}{\frac{K_1}{s} + 1 + \frac{s}{K_2}} = \frac{ke_0s}{K_1 + s + \frac{s^2}{K_2}}$$

Modello cinetico per inibizione da substrato 3

$$v = \frac{ke_0 s}{K_1 + s + \frac{s^2}{K_2}}$$



I parametri di questa espressione cinetica possono essere determinati some segue:

- k è ottenuto variando la concentrazione di e_0 - K_2 è ottenuto determinando la pendenza ($1/K_2ke_0$) del grafico ottenuto riportando 1/v versus s - K_1 è ottenuto dalla relazione $s_{max} = (K_1K_2)^{1/2}$ dove s_{max} soddisfa la condizione dv/ds = 0