

**Cognome e nome** ..... **N. matricola** .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

12 giugno (solo pochi posti);  20–23 giugno;  27–30 giugno;  in un appello successivo.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito solo l'uso di uno dei libri di testo consigliati.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Studiare la funzione

$$f(x) = \log((\sin x - \cos x)^2)$$

e in particolare: dominio, eventuali simmetrie e periodicità, limiti significativi, asintoti, insiemi di continuità e di derivabilità, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità; concavità, convessità, flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f(x)$ .

2. Risolvere la seguente equazione nei numeri complessi

$$\left(\frac{z}{1+z}\right)^4 = (2i)^4.$$

3. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x^2}{x^4 - 81} dx \quad \text{e} \quad \int_0^3 \frac{x^2}{x^4 - 81} dx.$$

4. Trovare l'ordine di infinito/infinitesimo delle seguenti funzioni:

$$\cos^2 x - \cos(x^2) \quad \text{per } x \rightarrow 0, \quad 1 - 2 \sin x \quad \text{per } x \rightarrow \frac{\pi}{6}, \quad \frac{\log(e^{3x} - 1)}{\sqrt{x}} \quad \text{per } x \rightarrow +\infty.$$

5. Al variare di  $\alpha \in \mathbb{R}$ , studiare la convergenza della serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \log\left(1 + \frac{2}{n} - \frac{1}{n^2}\right) \left(\sqrt[3]{8 + \frac{1}{\sqrt{n}}} - \alpha\right).$$

**Punteggi:** **1:** 8 punti; **2:** 6 punti; **3:** 7 punti; **4:** 8 punti; **5:** 6 punti. Per essere ammessi alla prova di teoria occorrono 15 punti. Valgono anche punteggi parziali.

Cognome e nome ..... N. matricola .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

12 giugno (solo pochi posti);  20-23 giugno;  27-30 giugno;  in un appello successivo.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito solo l'uso di uno dei libri di testo consigliati.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Studiare la funzione

$$f(x) = \log((\sin x + \cos x)^2)$$

e in particolare: dominio, eventuali simmetrie e periodicità, limiti significativi, asintoti, insiemi di continuità e di derivabilità, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità; concavità, convessità, flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f(x)$ .

2. Risolvere la seguente equazione nei numeri complessi

$$\left(\frac{z}{1-\bar{z}}\right)^4 = (3i)^4.$$

3. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x^2}{16-x^4} dx \quad \text{e} \quad \int_0^2 \frac{x^2}{16-x^4} dx.$$

4. Trovare l'ordine di infinito/infinitesimo delle seguenti funzioni:

$$\cos(x^3) - \cos^2 x \quad \text{per } x \rightarrow 0, \quad 1 - \sin x \quad \text{per } x \rightarrow \frac{\pi}{2}, \quad \frac{\log(e^{2x} - 1)}{\sqrt{x+1}} \quad \text{per } x \rightarrow +\infty.$$

5. Al variare di  $\alpha \in \mathbb{R}$ , studiare la convergenza della serie

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( e^{\frac{1}{n} + \frac{2}{n^2}} - 1 \right) \left( \sqrt[3]{\alpha + \frac{1}{\sqrt{n}}} - 2 \right).$$

**Punteggi:** **1:** 8 punti; **2:** 6 punti; **3:** 7 punti; **4:** 8 punti; **5:** 6 punti. Per essere ammessi alla prova di teoria occorrono 15 punti. Valgono anche punteggi parziali.