

Cognome e nome ..... N. matricola .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

18–20 gennaio;       23–27 gennaio;       30 gennaio–3 febbraio;       13–15 febbraio.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito l'uso di libri di testo e formulari.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Data la funzione

$$f(x) = x e^{x^3-1},$$

trovarne il dominio, e successivamente studiarne: insiemi di continuità e di derivabilità, limiti significativi, asintoti, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità, concavità, convessità e flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f$ . Successivamente, disegnare il grafico di  $g(x) = |x| e^{x^3-1}$ .

2. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x-1}{(3x+2)^6} dx.$$

Successivamente, calcolare

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x \cos x - \cos x}{(3 \sin x + 2)^6} dx.$$

3. Data la funzione  $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$  definita da

$$f(x) = x^\alpha - \beta x,$$

dire per quali valori dei parametri  $\alpha, \beta \in \mathbf{R}$  essa verifica ciascuna delle seguenti proprietà:

- a)  $f$  ammette un punto di massimo relativo per  $x = 1$ ;
- b)  $f$  ammette un punto di minimo relativo per  $x = 1$ ;
- c)  $f$  ammette un asintoto obliquo per  $x \rightarrow +\infty$ ;
- d)  $f$  è invertibile in  $(0, +\infty)$ ;
- e)  $f$  è convessa in  $(0, +\infty)$ .

4. Per ciascuna delle seguenti funzioni, dire se è un infinito oppure un infinitesimo per  $x \rightarrow +\infty$ , e determinarne l'ordine:

$$f(x) = \ln(1 + 3x^2) - \ln(3x^2), \quad g(x) = \ln(5e^{x^2} + x^5), \quad h(x) = x^3 + 2 - \sqrt[3]{x^9 + 6x^6}.$$

5. Determinare estremo inferiore ed estremo superiore delle seguenti successioni ( $n = 1, 2, \dots$ ):

$$a_n = \sin \frac{n^2 - 1}{n^2}; \quad b_n = \frac{n}{n+1} - \operatorname{arctg} n.$$

**Punteggi:** 1. 9 punti; 2. 7 punti; 3. 7 punti; 4. 7 punti; 5. 7 punti.

Sono ammessi punteggi parziali. Bisogna raggiungere 15 punti per essere ammessi alla prova di teoria.

Cognome e nome ..... N. matricola .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

18–20 gennaio;       23–27 gennaio;       30 gennaio–3 febbraio;       13–15 febbraio.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito l'uso di libri di testo e formulari.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Data la funzione

$$f(x) = x e^{2-x^3},$$

trovarne il dominio, e successivamente studiarne: insiemi di continuità e di derivabilità, limiti significativi, asintoti, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità, concavità, convessità e flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f$ . Successivamente, disegnare il grafico di  $g(x) = |x| e^{2-|x|^3}$ .

2. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x+2}{(4x+1)^5} dx.$$

Successivamente, calcolare

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin x \cos x + 2 \sin x}{(4 \cos x + 1)^5} dx.$$

3. Data la funzione  $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$  definita da

$$f(x) = x^\alpha - \beta x^2,$$

dire per quali valori dei parametri  $\alpha, \beta \in \mathbf{R}$  essa verifica ciascuna delle seguenti proprietà:

- a)  $f$  ammette un punto di massimo relativo per  $x = 1$ ;
- b)  $f$  ammette un punto di minimo relativo per  $x = 1$ ;
- c)  $f$  è infinitesima di ordine 2 per  $x \rightarrow 0^+$ ;
- d)  $f$  è invertibile in  $(0, +\infty)$ ;
- e)  $f$  è convessa in  $(0, +\infty)$ .

4. Per ciascuna delle seguenti funzioni, dire se è un infinito oppure un infinitesimo per  $x \rightarrow +\infty$ , e determinarne l'ordine:

$$f(x) = \sqrt{x} - \sqrt{x+1}, \quad g(x) = \ln(e^{\sqrt{x}} - 3x \sin x), \quad h(x) = \sqrt[4]{x^8 - x^6} - x^2 + \frac{1}{4}.$$

5. Determinare estremo inferiore ed estremo superiore delle seguenti successioni ( $n = 1, 2, \dots$ ):

$$a_n = \operatorname{tg} \frac{n^2 + 1}{2n^2}; \quad b_n = \frac{n-1}{n} - \operatorname{arctg} n.$$

**Punteggi:** 1. 9 punti; 2. 7 punti; 3. 7 punti; 4. 7 punti; 5. 7 punti.

Sono ammessi punteggi parziali. Bisogna raggiungere 15 punti per essere ammessi alla prova di teoria.

Cognome e nome ..... N. matricola .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

18–20 gennaio;       23–27 gennaio;       30 gennaio–3 febbraio;       13–15 febbraio.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito l'uso di libri di testo e formulari.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Data la funzione

$$f(x) = x e^{x^3+5},$$

trovarne il dominio, e successivamente studiarne: insiemi di continuità e di derivabilità, limiti significativi, asintoti, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità, concavità, convessità e flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f$ . Successivamente, disegnare il grafico di  $g(x) = f(1-x)$ .

2. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{x+1}{(3x+2)^6} dx.$$

Successivamente, calcolare

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \frac{\operatorname{tg} x + 1}{\cos^2 x (3 \operatorname{tg} x + 2)^6} dx.$$

3. Data la funzione  $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$  definita da

$$f(x) = \alpha x + x^\beta,$$

dire per quali valori dei parametri  $\alpha, \beta \in \mathbf{R}$  essa verifica ciascuna delle seguenti proprietà:

- a)  $f$  ammette un punto di massimo relativo per  $x = 1$ ;
- b)  $f$  ammette un punto di minimo relativo per  $x = 1$ ;
- c)  $f$  è infinitesima di ordine 1 per  $x \rightarrow 0^+$ ;
- d)  $f$  è iniettiva in  $(0, +\infty)$ ;
- e)  $f$  è concava in  $(0, +\infty)$ .

4. Per ciascuna delle seguenti funzioni, dire è un infinito oppure un infinitesimo per  $x \rightarrow +\infty$ , e determinarne l'ordine:

$$f(x) = \ln(x-1) - \ln(x+2), \quad g(x) = \ln(e^{x^2} + e^x), \quad h(x) = x^3 - \sqrt[3]{x^9 + 6x^4}.$$

5. Determinare estremo inferiore ed estremo superiore delle seguenti successioni ( $n = 1, 2, \dots$ ):

$$a_n = \cos \frac{n^2 - 1}{n^2}; \quad b_n = \frac{n}{n+2} - 2 \operatorname{arctg} n.$$

**Punteggi:** 1. 9 punti; 2. 7 punti; 3. 7 punti; 4. 7 punti; 5. 7 punti.

Sono ammessi punteggi parziali. Bisogna raggiungere 15 punti per essere ammessi alla prova di teoria.

Cognome e nome ..... N. matricola .....

Se ammesso, desidererei sostenere la prova teorica:

18–20 gennaio;       23–27 gennaio;       30 gennaio–3 febbraio;       13–15 febbraio.

Note.....

### ISTRUZIONI

1. Compilare la parte soprastante.
2. **Svolgere i seguenti esercizi**, motivando le risposte in modo chiaro ed esauriente. Nel caso di dubbi sul testo, chiedere chiarimenti al docente. Non è consentito l'uso di strumenti elettronici di calcolo, appunti, libri di esercizi. E' consentito l'uso di libri di testo e formulari.
3. Al termine del tempo disponibile, riconsegnare l'elaborato **scritto in modo chiaro e leggibile** insieme a questo foglio. Scrivere nome e cognome **su ogni foglio** che si consegna.

1. Data la funzione

$$f(x) = x e^{1-2x^3},$$

trovarne il dominio, e successivamente studiarne: insiemi di continuità e di derivabilità, limiti significativi, asintoti, crescita e decrescita, estremi relativi e assoluti, eventuali punti di non derivabilità, concavità, convessità e flessi. Disegnare un grafico qualitativo di  $f$ . Successivamente, disegnare il grafico di  $g(x) = |x| e^{1-2x^3}$ .

2. Calcolare

$$\int_0^1 \frac{3x-1}{(2x+5)^5} dx.$$

Successivamente, calcolare

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{3 \operatorname{sen} x \cos x - \cos x}{(2 \operatorname{sen} x + 5)^5} dx.$$

3. Data la funzione  $f : (0, +\infty) \rightarrow \mathbf{R}$  definita da

$$f(x) = \alpha x^2 + x^\beta,$$

dire per quali valori dei parametri  $\alpha, \beta \in \mathbf{R}$  essa verifica ciascuna delle seguenti proprietà:

- a)  $f$  ammette un punto di minimo relativo per  $x = 1$ ;
- b)  $f$  ammette un punto di massimo relativo per  $x = 1$ ;
- c)  $f$  è infinitesima di ordine strettamente inferiore a 2 per  $x \rightarrow 0^+$ ;
- d)  $f$  è iniettiva in  $(0, +\infty)$ ;
- e)  $f$  è concava in  $(0, +\infty)$ .

4. Per ciascuna delle seguenti funzioni, dire è un infinito oppure un infinitesimo per  $x \rightarrow +\infty$ , e determinarne l'ordine:

$$f(x) = \sqrt{2x} - \sqrt{2x-1}, \quad g(x) = \ln(xe^{\sqrt{x}} - 3x), \quad h(x) = \sqrt[4]{x^8 + x^6} - x^2 - \frac{1}{4}.$$

5. Determinare estremo inferiore ed estremo superiore delle seguenti successioni ( $n = 1, 2, \dots$ ):

$$a_n = \operatorname{sen} \frac{n-1}{n+1}; \quad b_n = \operatorname{arctg} n - \frac{n}{n+1}.$$

**Punteggi:** 1. 9 punti; 2. 7 punti; 3. 7 punti; 4. 7 punti; 5. 7 punti.

Sono ammessi punteggi parziali. Bisogna raggiungere 15 punti per essere ammessi alla prova di teoria.